

Terme und Gleichungen

1 Potenzen

$$a^0 = 1 \text{ für } a \neq 0$$

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$$

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

$$a^1 = a$$

$$a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$$

$$\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

2 Wurzeln

$$\sqrt{a^2} = |a|$$

$$\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$$

$$\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$$

$$\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{a \cdot b}$$

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

$$(\sqrt{a})^n = \sqrt{a^n}$$

3 Logarithmen

$$a^x = b \Leftrightarrow \log_a b = x$$

$$a^{\log_a b} = b$$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$\log_a (b \cdot c) = \log_a b + \log_a c$$

$$\log_a \left(\frac{b}{c}\right) = \log_a b - \log_a c$$

$$\log_a (b^k) = k \cdot \log_a b$$

4 Quadratische Gleichungen

$$a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$$

$$D = b^2 - 4 \cdot a \cdot c$$

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2 \cdot a}$$

$D < 0$ keine Lösung; $D = 0$ eine Lösung; $D > 0$ zwei Lösungen

5 Binomische Formeln

$$(a+b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

$$(a+b) \cdot (a-b) = a^2 - b^2$$

Funktionen

6 Lineare Funktionen

$$y = m \cdot x + t$$

$$m = \frac{y_Q - y_P}{x_Q - x_P}$$

$$m = \tan \alpha$$

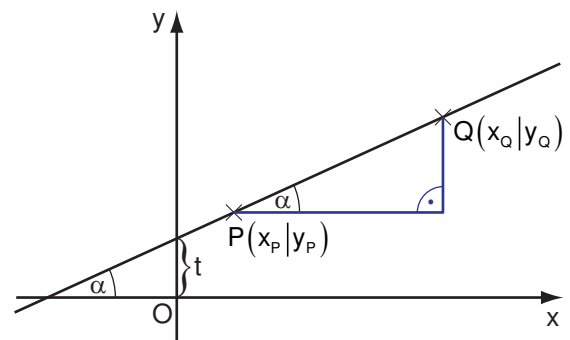
Steigung

$$m_g = m_h \Leftrightarrow g \parallel h$$

parallele Geraden

$$m_g \cdot m_h = -1 \Leftrightarrow g \perp h$$

orthogonale Geraden



7 Quadratische Funktionen

$$y = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$$

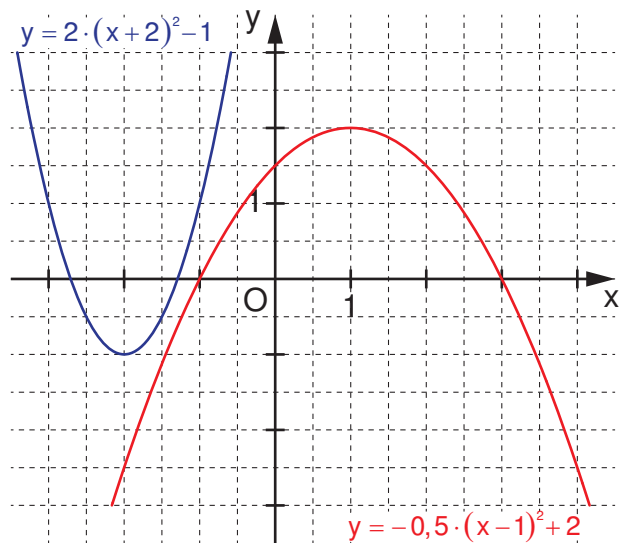
allgemeine Form

$$y = a \cdot (x - x_s)^2 + y_s$$

Scheitelpunktsform

$$S \left(\frac{-b}{2 \cdot a} \mid c - \frac{b^2}{4 \cdot a} \right)$$

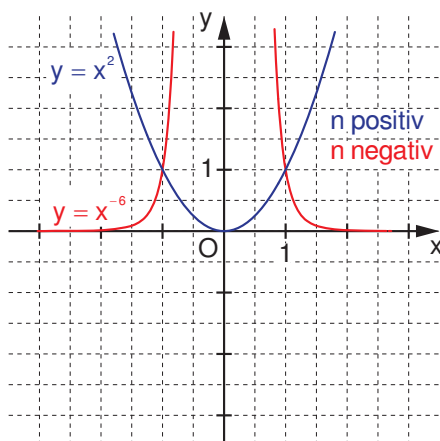
Scheitelpunkt



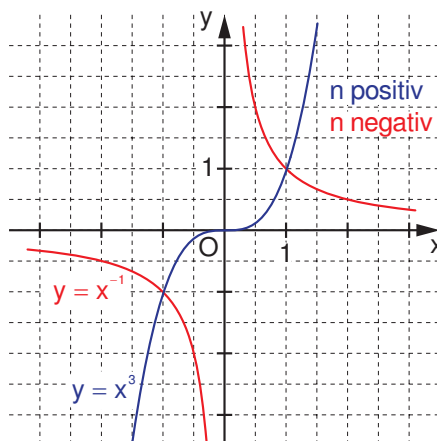
8 Potenzfunktionen

$$y = x^n$$

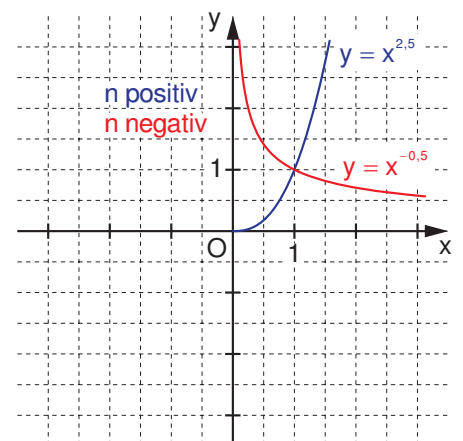
n gerade, ganzzahlig



n ungerade, ganzzahlig

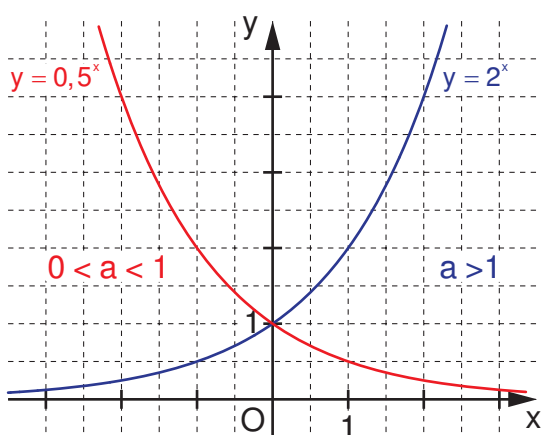


n rational, nicht ganzzahlig



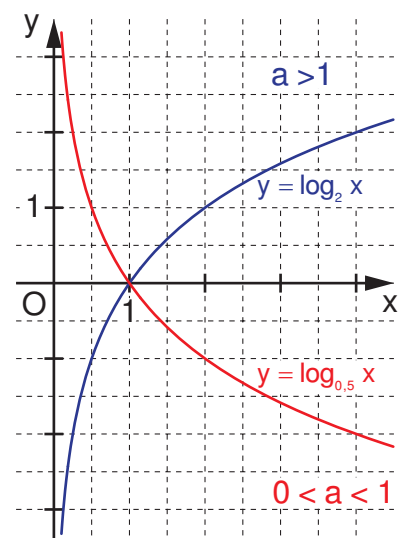
9 Exponentialfunktionen

$$y = k \cdot a^{x-c} + d$$



10 Logarithmusfunktionen

$$y = k \cdot \log_a(x - c) + d$$

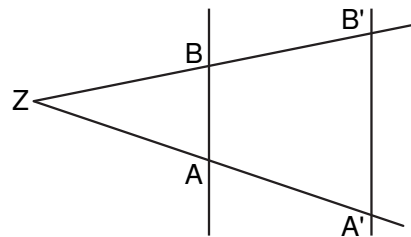


Geometrie

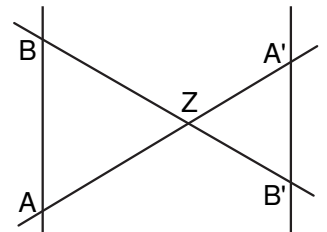
11 Strahlensätze

$$\frac{|\overline{ZA}|}{|\overline{ZA'}|} = \frac{|\overline{ZB}|}{|\overline{ZB'}|}$$

$$\frac{|\overline{ZA}|}{|\overline{ZA'}|} = \frac{|\overline{AB}|}{|\overline{A'B'}|}$$



$$AB \parallel A'B'$$



12 Rechtwinkliges Dreieck

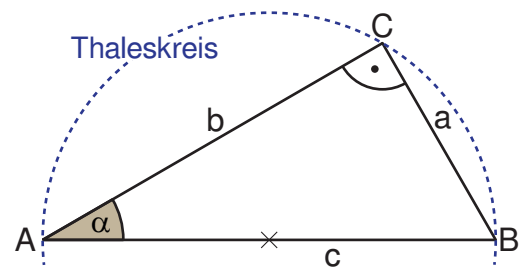
$$a^2 + b^2 = c^2 \quad \text{Satz des Pythagoras}$$

$$A = 0,5 \cdot a \cdot b$$

$$\sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{c}$$

$$\tan \alpha = \frac{a}{b}$$

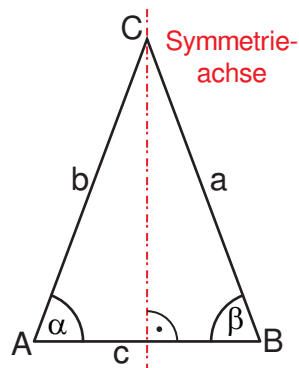


13 Gleichschenkliges Dreieck

Basis: $\overline{AB}$
Schenkel: $\overline{AC}$, $\overline{BC}$

$$a = b$$

$$\alpha = \beta$$



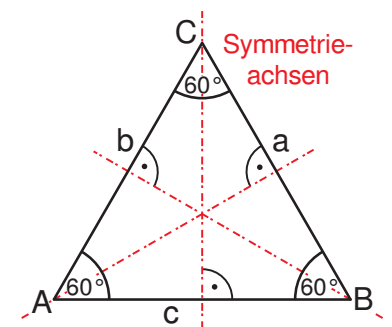
14 Gleichseitiges Dreieck

$$a = b = c$$

$$\alpha = \beta = \gamma = 60^\circ$$

$$h = \frac{a}{2} \cdot \sqrt{3}$$

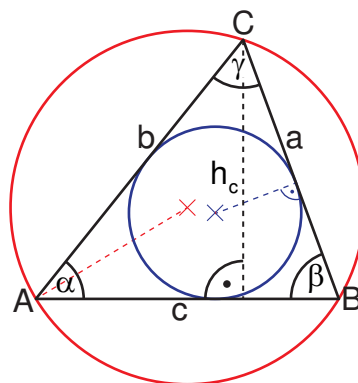
$$A = \frac{a^2}{4} \cdot \sqrt{3}$$



15 Allgemeines Dreieck

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot c \cdot h_c \quad A = \frac{1}{2} \cdot b \cdot c \cdot \sin \alpha$$



$$\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$$

Sinussatz

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 \cdot b \cdot c}$$

Kosinussatz

Schnittpunkt der Mittelsenkrechten:
Umkreismittelpunkt

Schnittpunkt der Winkelhalbierenden:
Inkreismittelpunkt

Schnittpunkt der Seitenhalbierenden:
Schwerpunkt

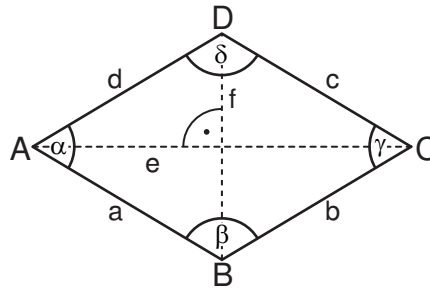
16 Besondere Vierecke

Raute

$$a = b = c = d$$

$$\alpha = \gamma; \beta = \delta$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot e \cdot f$$

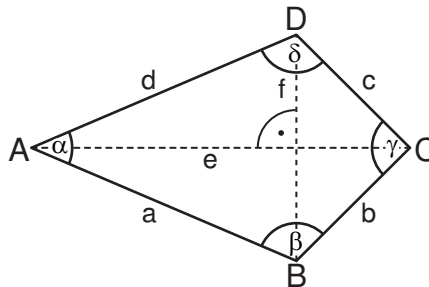


Drachenviereck

$$a = d; b = c$$

$$\beta = \delta$$

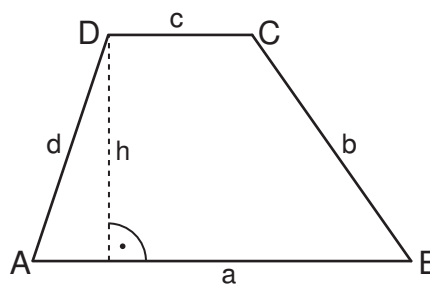
$$A = \frac{1}{2} \cdot e \cdot f$$



Trapez

$$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot (a + c) \cdot h$$



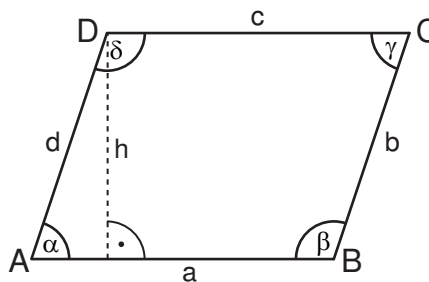
Parallelogramm

$$a = c; b = d$$

$$\overline{AB} \parallel \overline{CD}; \overline{BC} \parallel \overline{AD}$$

$$\alpha = \gamma; \beta = \delta$$

$$A = a \cdot h$$



17 Kreis

$$A = r^2 \cdot \pi$$

Flächeninhalt

$$A = \frac{\alpha}{360^\circ} \cdot r^2 \cdot \pi$$

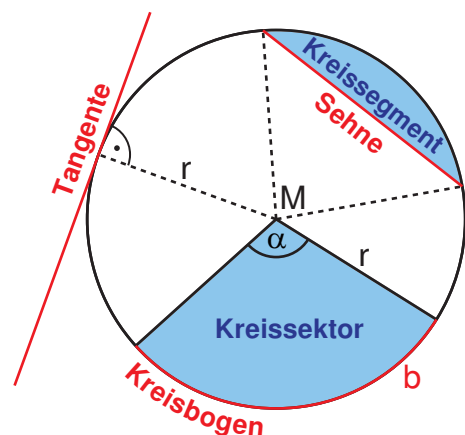
Flächeninhalt Kreissektor

$$u = 2 \cdot r \cdot \pi$$

Umfang

$$b = \frac{\alpha}{360^\circ} \cdot 2 \cdot r \cdot \pi$$

Länge Kreisbogen



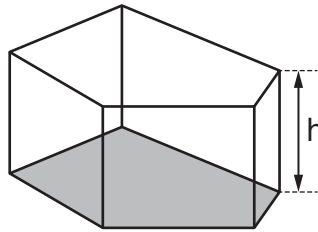
18 Besondere Körper

Prisma

$$V = G \cdot h$$

$$M = u_G \cdot h$$

$$O = 2 \cdot G + M$$

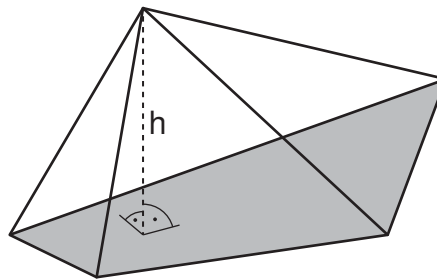


M: Inhalt der Mantelfläche
O: Inhalt der Oberfläche
V: Volumen
G: Inhalt der Grundfläche

Pyramide

$$V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h$$

$$O = G + M$$

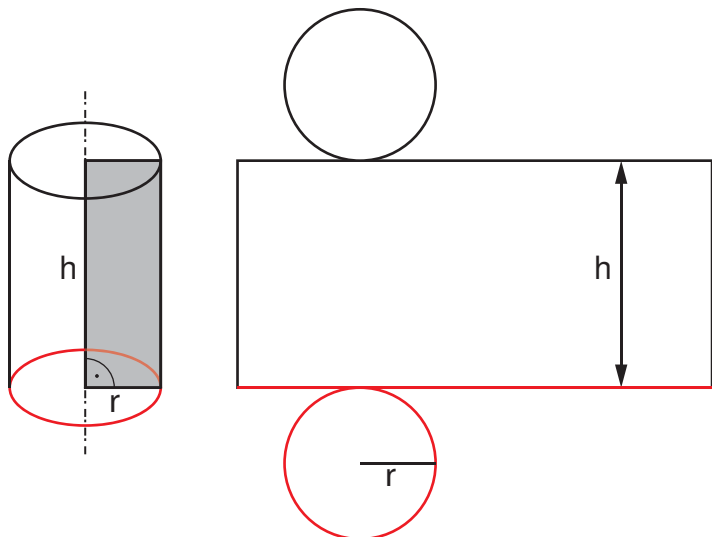


Gerader Kreiszylinder

$$V = r^2 \cdot \pi \cdot h$$

$$M = 2 \cdot r \cdot \pi \cdot h$$

$$O = 2 \cdot r \cdot \pi \cdot (r + h)$$



Gerader Kreiskegel

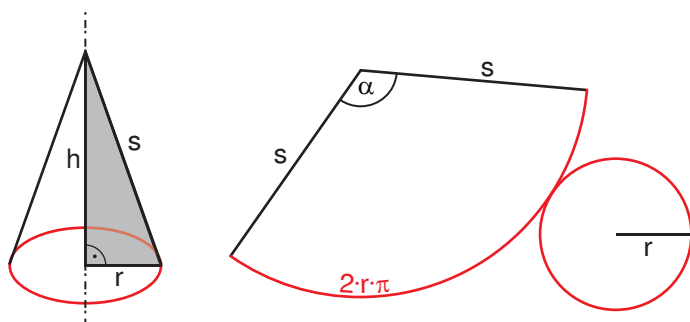
$$V = \frac{1}{3} \cdot r^2 \cdot \pi \cdot h$$

$$M = r \cdot \pi \cdot s$$

$$O = r \cdot \pi \cdot (r + s)$$

$$\alpha = 360^\circ \cdot \frac{r}{s}$$

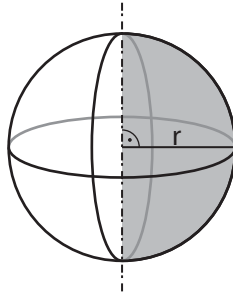
Mittelpunkswinkel der Mantelfläche



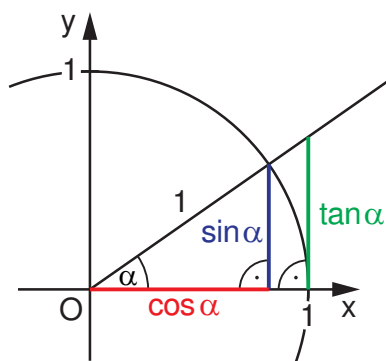
Kugel

$$V = \frac{4}{3} \cdot r^3 \cdot \pi$$

$$O = 4 \cdot r^2 \cdot \pi$$



19 Einheitskreis



20 sin, cos, tan für besondere Winkelmaße

α	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	1	0	-1	0
$\cos \alpha$	1	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
$\tan \alpha$	0	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$	1	$\sqrt{3}$	n. def.	0	n. def.	0

21 Auswahl trigonometrischer Formeln

Beziehungen zwischen Sinus, Kosinus und Tangens

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

Negative Winkelmaße

$$\sin(-\alpha) = -\sin \alpha$$

$$\cos(-\alpha) = \cos \alpha$$

$$\tan(-\alpha) = -\tan \alpha$$

Supplementbeziehungen

$$\sin(180^\circ - \alpha) = \sin \alpha$$

$$\sin(180^\circ + \alpha) = -\sin \alpha$$

$$\sin(360^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$$

$$\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\cos(180^\circ + \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\cos(360^\circ - \alpha) = \cos \alpha$$

$$\tan(180^\circ - \alpha) = -\tan \alpha$$

$$\tan(180^\circ + \alpha) = \tan \alpha$$

$$\tan(360^\circ - \alpha) = -\tan \alpha$$

Komplementbeziehungen für Sinus und Kosinus

$$\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha$$

$$\cos(90^\circ - \alpha) = \sin \alpha$$

Additionstheoreme für Sinus und Kosinus

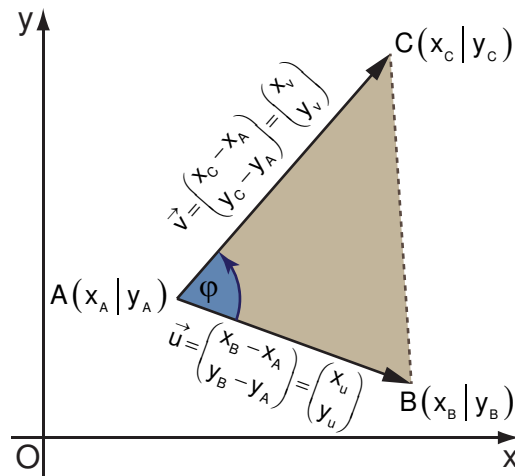
$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

22 Geometrie im Koordinatensystem



$$M\left(\frac{x_A + x_B}{2} \mid \frac{y_A + y_B}{2}\right)$$

Mittelpunkt einer Strecke

$$S\left(\frac{x_A + x_B + x_C}{3} \mid \frac{y_A + y_B + y_C}{3}\right)$$

Schwerpunkt eines Dreiecks

$$|\overline{AB}| = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \text{ LE}$$

Länge einer Strecke

$$|\vec{u}| = \sqrt{x_u^2 + y_u^2}$$

Betrag eines Vektors

$$\vec{u} \odot \vec{v} = \begin{pmatrix} x_u \\ y_u \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} x_v \\ y_v \end{pmatrix} = x_u \cdot x_v + y_u \cdot y_v$$

Skalarprodukt

$$\cos \varphi = \frac{\vec{u} \odot \vec{v}}{|\vec{u}| \cdot |\vec{v}|}$$

Winkel zwischen Vektoren

$$\vec{u} \perp \vec{v} \Leftrightarrow \vec{u} \odot \vec{v} = 0$$

Senkrechte Vektoren

$$A = \frac{1}{2} \cdot \begin{vmatrix} x_u & x_v \\ y_u & y_v \end{vmatrix} \text{ FE} = \frac{1}{2} \cdot (x_u \cdot y_v - x_v \cdot y_u) \text{ FE}$$

Flächeninhalt eines Dreiecks

23 Abbildungen im Koordinatensystem

Parallelverschiebung

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} x_v \\ y_v \end{pmatrix}$$

Verschiebungsvektor $\vec{v}$

Zentrische Streckung mit dem Zentrum $Z(0|0)$

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = k \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

Streckungsfaktor k

Achsenspiegelung an einer Ursprungsgeraden

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos(2 \cdot \alpha) & \sin(2 \cdot \alpha) \\ \sin(2 \cdot \alpha) & -\cos(2 \cdot \alpha) \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

 α : Winkel, den die Spiegelachse mit der x-Achse einschließt

Drehung um den Ursprung

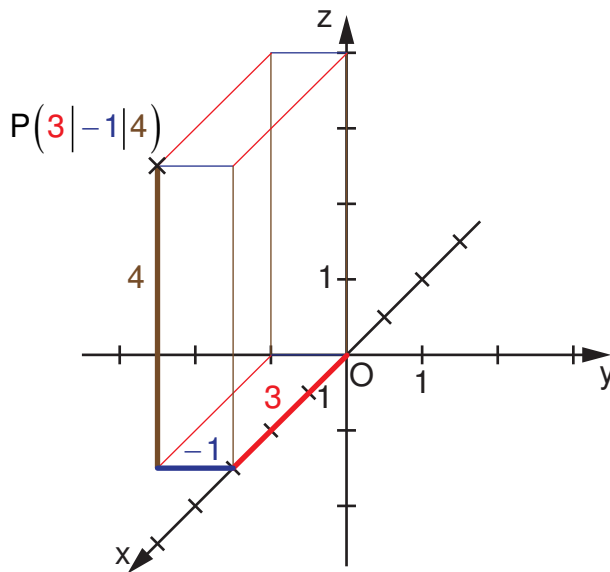
$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

 α : Drehwinkel

$$\begin{pmatrix} a & c \\ b & d \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a \cdot x + c \cdot y \\ b \cdot x + d \cdot y \end{pmatrix}$$

Multiplikation einer Matrix mit einem Vektor

24 Dreidimensionales Koordinatensystem



Wahrscheinlichkeiten

25 Laplace-Wahrscheinlichkeit

$$\text{Laplace-Wahrscheinlichkeit} = \frac{\text{Anzahl der günstigen Fälle}}{\text{Anzahl der möglichen Fälle}}$$

26 Mehrstufige Zufallsexperimente

Baumdiagramm

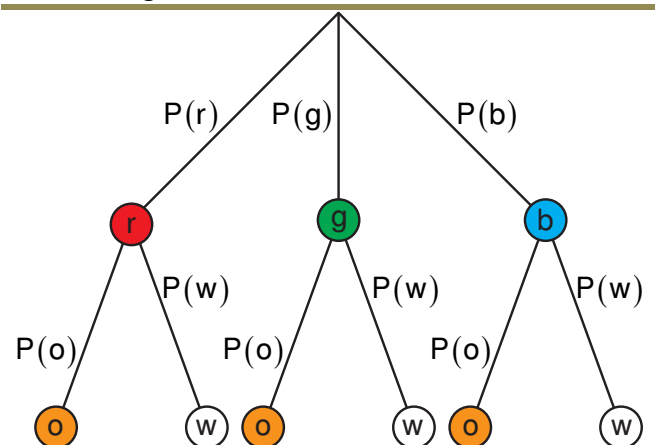
1. Pfadregel (Produktregel)

$$\text{z.B.: } P(r o) = P(r) \cdot P(o)$$

2. Pfadregel (Summenregel)

$$\text{z.B.: } P(r w, b o) = P(r w) + P(b o)$$

$$P(r o, g w, g o) = P(r o) + P(g w) + P(g o)$$



Wichtiger Hinweis:

Die vorliegende Merkhilfe stellt wichtige Zusammenhänge dar, sie ist aber keine ausführliche Formelsammlung. In der Regel werden Bezeichnungen nicht erklärt, Variablen nicht näher definiert und die Voraussetzungen für die Gültigkeit der Formeln nicht dargestellt.

Grundgrößen

Größensymbole und Maßeinheiten

ℓ	Länge	$[\ell] = 1 \text{ m}$	F	Kraft	$[F] = 1 \text{ N}$	$\Delta T = \Delta \vartheta$	Temperatur- differenz	$[\Delta T] = 1 \text{ K}$ entspricht
t	Zeit	$[t] = 1 \text{ s}$	ϑ	Temperatur	$[\vartheta] = 1 \text{ }^\circ\text{C}$			$[\Delta \vartheta] = 1 \text{ }^\circ\text{C}$
m	Masse	$[m] = 1 \text{ kg}$	T	absolute Temperatur	$[T] = 1 \text{ K}$	Q	elektrische Ladungsmenge	$[Q] = 1 \text{ C}$

Gesetze und Definitionen

A Mechanik

Ortsfaktor

$$g = \frac{F_G}{m}$$

g : Ortsfaktor
 F_G : Gewichtskraft
 m : Masse

$$[g] = 1 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

$$g = 9,81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

Erde, Normort

auch: $g = 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

Dichte

$$\rho = \frac{m}{V}$$

ρ : Dichte
 m : Masse
 V : Volumen

$$[\rho] = 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

mechanische Arbeit

$$W = F \cdot s$$

W : mechanische Arbeit
 F : Kraft
 s : Weg

$$[W] = 1 \text{ Nm} = 1 \text{ J} = 1 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2} = 1 \text{ Ws}$$

Gesetz von Hooke

$$F = D \cdot \Delta \ell$$

F : Kraft
 D : Federkonstante
 $\Delta \ell$: Längenänderung der Feder

Leistung

$$P = \frac{W}{t}$$

P : Leistung
 W : Arbeit
 t : Zeit

$$[P] = 1 \frac{\text{J}}{\text{s}} = 1 \text{ W}$$

Hubarbeit

$$W_{\text{Hub}} = F_G \cdot h$$

$$W_{\text{Hub}} = m \cdot g \cdot h$$

W_{Hub} : Hubarbeit
 F_G : Gewichtskraft
 m : Masse
 g : Ortsfaktor
 h : Hubhöhe

potentielle Energie

$$E_{\text{pot}} = F_G \cdot h$$

$$E_{\text{pot}} = m \cdot g \cdot h$$

E_{pot} : potentielle Energie
 F_G : Gewichtskraft
 m : Masse
 g : Ortsfaktor
 h : Hubhöhe

$$[E] = 1 \text{ J}$$

Wirkungsgrad

$$\eta = \frac{W_{\text{nutz}}}{W_{\text{zu}}}$$

$$\eta = \frac{P_{\text{nutz}}}{P_{\text{zu}}}$$

η : Wirkungsgrad
 W_{nutz} : Nutzarbeit
 W_{zu} : zugeführte Arbeit
 P_{nutz} : Nutzleistung
 P_{zu} : zugeführte Leistung

Druck	Schweredruck in Flüssigkeiten	Auftriebskraft
$p = \frac{F}{A}$ <i>p</i>: Druck <i>F</i>: Kraft <i>A</i>: Fläche $[p] = 1 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 1 \text{ Pa}$	$p_S = \rho_{\text{Fl}} \cdot g \cdot h$ <i>p_S</i>: Schweredruck <i>ρ_{Fl}</i>: Dichte der Flüssigkeit <i>g</i>: Ortsfaktor <i>h</i>: Eintauchtiefe	$F_A = \rho \cdot g \cdot V$ <i>F_A</i>: Auftriebskraft <i>ρ</i>: Dichte der Flüssigkeit / des Gases <i>g</i>: Ortsfaktor <i>V</i>: Volumen der verdrängten Flüssigkeit / des verdrängten Gases

gleichförmige Bewegung (<i>F</i> = 0 N)	gleichmäßig beschleunigte Bewegung (<i>F</i> = const.)
$v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ <i>v</i>: Geschwindigkeit <i>Δs</i>: zurückgelegter Weg <i>Δt</i>: benötigte Zeit $[v] = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$	$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ <i>a</i>: Beschleunigung <i>Δv</i>: Geschwindigkeitsänderung <i>Δt</i>: benötigte Zeit $[a] = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

Grundgleichung der Mechanik	kinetische Energie	Impuls
$F = m \cdot a$ <i>F</i>: Kraft <i>m</i>: Masse <i>a</i>: Beschleunigung $[F] = 1 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 1 \text{ N}$	$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$ <i>E_{kin}</i>: kinetische Energie <i>m</i>: Masse <i>v</i>: Geschwindigkeit $[E_{\text{kin}}] = 1 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = 1 \text{ J}$	$p = m \cdot v$ <i>p</i>: Impuls <i>m</i>: Masse <i>v</i>: Geschwindigkeit $[p] = 1 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}} = 1 \text{ N} \cdot \text{s}$

B Wärmelehre

Gesetz von Boyle-Mariotte Sonderfall für eine isotherme Zustandsänderung	Gesetz von Gay-Lussac Sonderfall für eine isobare Zustandsänderung	Zustandsgleichung idealer Gase
$p_1 \cdot V_1 = p_2 \cdot V_2$ <i>p₁</i>: Druck im Zustand 1 <i>V₁</i>: Volumen im Zustand 1 <i>p₂</i>: Druck im Zustand 2 <i>V₂</i>: Volumen im Zustand 2	$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$ <i>V₁</i>: Volumen im Zustand 1 <i>T₁</i>: absolute Temperatur im Zustand 1 <i>V₂</i>: Volumen im Zustand 2 <i>T₂</i>: absolute Temperatur im Zustand 2	$\frac{p_1 \cdot V_1}{T_1} = \frac{p_2 \cdot V_2}{T_2}$ <i>p_{1/2}</i>: Druck im Zustand 1 / 2 <i>V_{1/2}</i>: Volumen im Zustand 1 / 2 <i>T_{1/2}</i>: absolute Temperatur im Zustand 1 / 2

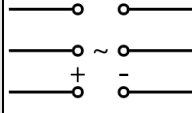
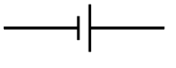
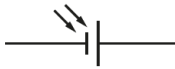
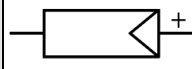
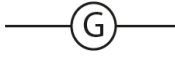
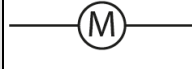
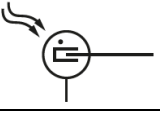
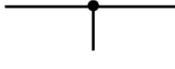
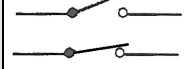
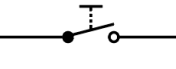
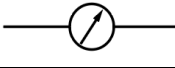
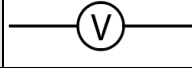
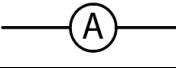
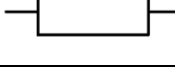
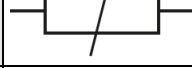
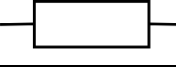
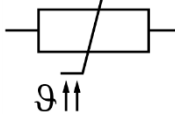
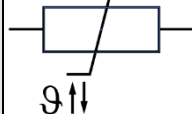
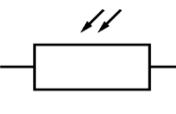
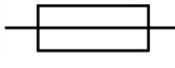
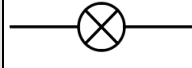
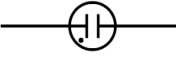
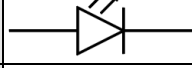
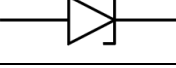
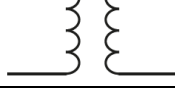
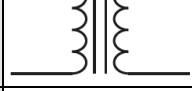
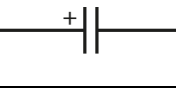
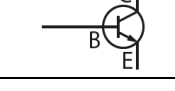
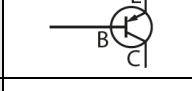
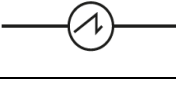
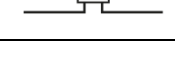
Erwärmungsgesetz	spezifische Schmelzwärme	spezifische Verdampfungswärme	Verbrennungswärme
$W_{\text{th}} = c \cdot m \cdot \Delta \theta$ $W_{\text{th}} = c \cdot m \cdot \Delta T$ <i>W_{th}</i>: Zuführte oder abgegebene Wärme (Wärme: Größensymbol auch <i>Q</i>) <i>c</i>: spezifische Wärmekapazität <i>m</i>: Masse <i>Δθ</i> = <i>ΔT</i>: Temperaturänderung	$w_s = \frac{W_{\text{th}_s}}{m}$ <i>w_s</i>: spezifische Schmelzwärme <i>W_{th_s}</i>: Schmelzwärme <i>m</i>: Masse $[w_s] = 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$	$w_v = \frac{W_{\text{th}_v}}{m}$ <i>w_v</i>: spezifische Verdampfungswärme <i>W_{th_v}</i>: Verdampfungswärme <i>m</i>: Masse $[w_v] = 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$	$W_{\text{th}} = H \cdot m$ <i>H</i>: Heizwert <i>W_{th}</i>: Verbrennungswärme <i>m</i>: Masse $[H] = 1 \frac{\text{MJ}}{\text{kg}}$

C Elektrizitätslehre

elektrische Stromstärke	elektrische Spannung	elektrische Arbeit	elektrische Leistung
$I = \frac{Q}{t}$ <i>I</i>: Stromstärke <i>Q</i>: Ladung <i>t</i>: Zeit $[I] = 1 \frac{\text{C}}{\text{s}} = 1 \text{ A}$	$U = \frac{W_{\text{el}}}{Q}$ <i>U</i>: Spannung <i>W_{el}</i>: elektrische Arbeit <i>Q</i>: Ladung $[U] = 1 \frac{\text{J}}{\text{C}} = 1 \text{ V}$	$W_{\text{el}} = U \cdot I \cdot t$ <i>W_{el}</i>: elektrische Arbeit <i>U</i>: Spannung <i>I</i>: Stromstärke <i>t</i>: Zeit $[W_{\text{el}}] = 1 \text{ VAs} = 1 \text{ J}$	$P_{\text{el}} = U \cdot I$ <i>P_{el}</i>: elektrische Leistung <i>U</i>: Spannung <i>I</i>: Stromstärke $[P_{\text{el}}] = 1 \text{ VA} = 1 \text{ W}$
elektrischer Leitwert	elektrischer Widerstand	Widerstandsgesetz	Thermische Leistung
$G = \frac{I}{U}$ <i>G</i>: Leitwert <i>I</i>: Stromstärke <i>U</i>: Spannung $[G] = 1 \frac{\text{A}}{\text{V}} = 1 \text{ S}$	$R = \frac{U}{I}$ <i>R</i>: Widerstand <i>U</i>: Spannung <i>I</i>: Stromstärke $[R] = 1 \frac{\text{V}}{\text{A}} = 1 \Omega$	$R = \rho \cdot \frac{\ell}{A}$ <i>R</i>: Widerstand <i>ρ</i>: spezifischer Widerstand <i>ℓ</i>: Länge des Leiters <i>A</i>: Querschnittsfläche des Leiters	$P_{\text{th}} = R \cdot I^2$ <i>R</i>: Widerstand <i>P_{th}</i>: thermische Leistung <i>I</i>: Stromstärke $[P_{\text{th}}] = 1 \text{ W}$
unverzweigter Stromkreis Reihenschaltung		verzweigter Stromkreis Parallelschaltung	
$U_{\text{ges}} = U_1 + U_2 + \dots$ $I_{\text{ges}} = I_1 = I_2 = \dots$ Sonderfall für zwei Widerstände: $\frac{R_1}{R_2} = \frac{U_1}{U_2}$		$U_{\text{ges}} = U_1 = U_2 = \dots$ $I_{\text{ges}} = I_1 + I_2 + \dots$ Sonderfall für zwei Widerstände: $\frac{R_1}{R_2} = \frac{I_2}{I_1}$	

D Atom- und Kernphysik

Zerfallsgesetz	Aktivität	Energiedosis	Äquivalentdosis
$N(t) = N_0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}}$ <i>N(t)</i>: Anzahl der Atomkerne nach der Zeit <i>t</i> <i>N₀</i>: Anzahl der Atomkerne zu Beginn <i>t</i>: Zeit <i>T</i>: Halbwertszeit	$A = \frac{n}{t}$ <i>A</i>: Aktivität <i>n</i>: Anzahl der Zerfälle <i>t</i>: Zeit $[A] = \frac{1}{\text{s}} = 1 \text{ Bq}$	$D = \frac{E}{m}$ <i>D</i>: Energiedosis <i>E</i>: Energie, die ein Körper aufnimmt <i>m</i>: Masse des Körpers $[D] = 1 \frac{\text{J}}{\text{kg}} = 1 \text{ Gy}$	$H = q \cdot D$ <i>H</i>: Äquivalentdosis <i>q</i>: Qualitätsfaktor <i>D</i>: Energiedosis $[H] = 1 \frac{\text{J}}{\text{kg}} = 1 \text{ Sv}$

Bezeichnung	Symbol	Bezeichnung	Symbol	Bezeichnung	Symbol
Anschluss		Spannungsversorgung („- quelle“): - allgemein - Wechselspannung - Gleichspannung		Batterie, Galvanisches Element	
Fotozelle (Fotoelement, Solarzelle)		Solarmodul		Erdung	
Generator		Motor		Zählrohr	
Leiterverbindung / Verzweigung		Schalter: - offen - geschlossen		Taster	
Messgerät		Spannungsmessgerät (Voltmeter)		Stromstärkemessgerät (Amperemeter)	
ohmscher Widerstand		Veränderbarer Widerstand		Widerstand mit Schleifkontakt	
temperaturabhängiger Widerstand (Kaltleiter PTC)		temperaturabhängiger Widerstand (Heißleiter NTC)		Fotowiderstand	
Sicherung		Glühlampe		Glimmlampe	
Diode		Leuchtdiode		Zener-Diode	
Fotodiode		Röhrendiode (mit direkter Heizung)		Röhrentriode (mit direkter Heizung)	
Spule		Spule mit Weicheisenkern		Kondensator	
Trafo (allgemein)		Trafo mit Weicheisenkern		Elektrolyt-Kondensator	
NPN-Transistor		PNP-Transistor		Oszilloskop	
Klingel		Lautsprecher		Verstärker	

Tabellenwerte

Dichte ρ

Feste Stoffe (bei 20 °C)	ρ in $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$	Flüssige Stoffe (bei 20 °C)	ρ in $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$	Gasförmige Stoffe (bei 0 °C und 1013 hPa)	ρ in $\frac{\text{g}}{\text{dm}^3}$
Aluminium	2,702	Benzin *	0,78	Chlor	3,214
Blei	11,34	Diesel *	0,87	Erdgas *	0,60
Diamant	3,51	Ethanol	0,789	Helium	0,1785
Eis (bei 0 °C)	0,917	Quecksilber	13,546	Kohlenstoffdioxid	1,9769
Gold	19,32	Spiritus *	0,83	Luft *	1,2923
Kupfer	8,933	Wasser	0,998	Propan	2,0096
Platin	21,45	Wasser (bei 4 °C)	1,00	Sauerstoff	1,429
Silber	10,50			Stickstoff	1,251
Silicium	2,328			Wasserdampf (bei 100 °C)	0,768
Stahl (V2A) / Eisen	7,9			Wasserstoff	0,0899
Titan	4,51				
Uran	19,16				
Zink	7,13				
Zinn	7,29				

* durchschnittlicher Wert

Spezifische Wärmekapazität c

Stoffe (bei 20 °C)	c in $\frac{\text{kJ}}{\text{kg K}}$
Aluminium	0,896
Blei	0,129
Eis (bei 0 °C)	2,1
Eisen	0,452
Gold	0,129
Kupfer	0,382
Luft (bei 1013 hPa)	1,005
Messing	0,384
Platin	0,133
Silber	0,235
Wasser	4,182
Zinn	0,226

Längenänderungskoeffizient α

Feste Stoffe (bei 20 °C)	α in $10^{-6} \frac{1}{\text{K}}$
Aluminium	23,1
Beton *	12,0
Eisen / Stahl	12
Gold	14,2
Kupfer	16,5
Silicium	3

Volumenänderungskoeffizient γ

Flüssige Stoffe (bei 20 °C)	γ in $10^{-5} \frac{1}{\text{K}}$
Benzin *	106
Heizöl *	84
Wasser	20,7

Heizwert H

H in $\frac{\text{MJ}}{\text{kg}}$	(bei Raumtemperatur)
Benzin	42
Braunkohle	16
Hausmüll	10
Holz (luftgetrocknet)	15
Holzpellets	18
Papier	15
Propan	46,4
Stadtgas	16
Spiritus	30
Steinkohle	30
Wasserstoff	120

* durchschnittlicher Wert

Spezifischer Widerstand ρ

Stoff (bei 20 °C)	ρ in $\frac{\Omega \text{ mm}^2}{\text{m}}$	Stoff (bei 20 °C)	ρ in $\frac{\Omega \text{ mm}^2}{\text{m}}$
Aluminium	0,027	Kupfer	0,0172
Blei	0,208	Platin	0,107
Eisen	0,10	Silber	0,016
Gold	0,022	Silicium	$1,2 \cdot 10^7$
Graphit	8,00	Wolfram	0,055
Kohle (Bürsten)	40	Zink	0,061
Konstantan	0,50	Zinn	0,11

Halbwertszeit T

Isotop	T	Isotop	T
Cäsium Cs-137	30,08 a	Radon Rn-220	55,6 s
Cobalt Co-60	5,2711 a	Radon Rn-222	3,825 d
Jod I-131	8,0228 d	Strontium Sr-90	28,90 a
Kalium K-40	$1,248 \cdot 10^9$ a	Stickstoff N-13	9,96 min
Kohlenstoff C-14	5730 a	Thorium Th-232	$1,405 \cdot 10^{10}$ a
Phosphor P-32	14,268 d	Tritium H-3	12,312 a
Plutonium Pu-239	$2,411 \cdot 10^4$ a	Uran U-235	$7,038 \cdot 10^8$ a
Polonium Po-210	138,38 d	Uran U-238	$4,468 \cdot 10^9$ a
Radium Ra-226	1600 a		

Qualitätsfaktor q

Strahlungsart	q
Röntgenstrahlung, β -Strahlung, γ -Strahlung	1
langsame Neutronen	2 ... 5
schnelle Neutronen, Protonen	10
α -Strahlung	20

Naturkonstanten

Elementarladung	$e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Lichtgeschwindigkeit im Vakuum	$c_0 = 2,998 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$
Avogadro-Konstante	$N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \frac{1}{\text{mol}}$
Schallgeschwindigkeit in Luft (bei 20 °C und 1013 hPa)	$v_{\text{Schall}} = 343 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

Periodensystem der Atomsorten (teilchenbezogen)

Hauptgruppen		Nebengruppen										Hauptgruppen																														
Perioden	I	II										III	IV	V	VI	VII	VIII																									
1	-I +I 1 1 H 1,0 2,2 Wasserstoff																	2 2 He 2,0 4 Helium																								
2	+I 3 3 Li 1,0 1,6 Lithium	+II 4 4 Be 1,0 1,6 Beryllium											-IV bis +IV 6 6 C 2,0 2,6 Kohlenstoff	-III bis +V 7 7 N 3,0 3,4 Stickstoff	-II bis +II 8 8 O 3,0 3,4 Sauerstoff	-I 9 9 F 4,0 19 Fluor	... 10 10 Ne 2,0 20 Neon																									
3	+I 11 11 Na 0,9 1,3 Natrium	+II 12 12 Mg 1,0 1,3 Magnesium											-IV +IV 13 13 Al 1,6 1,9 Aluminium	-III +III 14 14 Si 2,2 2,6 Stickstoff	-II +II 15 15 P 2,2 2,6 Phosphor	-I +I 16 16 S 2,6 3,2 Schwefel	... 17 17 Cl 3,2 3,5 Chlor	... 18 18 Ar 3,2 40 Argon																								
4	+I 19 19 K 0,8 1,0 Kalium	+II 20 20 Ca 1,0 1,6 Calcium											-IV +I +IV 21 21 Sc 1,4 1,7 Scandium	-III +III +IV 22 22 Ti 1,5 1,6 Titan	-II +II 23 23 V 1,6 1,9 Vanadium	+I +I 24 24 Cr 1,7 2,4 Chrom	+II +II 25 25 Mn 1,7 2,3 Mangan	+III +III 26 26 Fe 1,8 2,6 Eisen	+IV +IV 27 27 Co 1,9 2,3 Cobalt	+V +V 28 28 Ni 1,9 2,4 Nickel	+VI +VI 29 29 Cu 1,9 2,6 Kupfer	+VII +VII 30 30 Zn 1,7 2,7 Zink	... 31 31 Ga 1,8 2,0 Gallium	-IV +IV 32 32 Ge 2,0 2,6 Germanium	-III +III +V 33 33 As 2,2 2,6 Arsen	-II +II 34 34 Se 2,6 3,0 Selen	+I +I 35 35 Br 3,0 3,5 Brom	... 36 36 Kr 3,0 84 Krypton														
5	+I 37 37 Rb 0,8 1,0 Rubidium	+II 38 38 Sr 1,0 1,6 Strontium											+III 39 39 Y 1,2 1,7 Yttrium	+II +II 40 40 Zr 1,3 1,6 Zirkonium	+I +I 41 41 Nb 1,6 1,9 Niob	-II bis +VII 42 42 Mo 2,2 2,4 Molybdän	+I +I 43 43 Tc 2,2 2,3 Technetium	+II +II 44 44 Ru 2,2 2,6 Ruthenium	+III +III 45 45 Rh 2,3 2,7 Rhodium	+IV +IV 46 46 Pd 2,2 2,6 Palladium	+V +V 47 47 Ag 1,9 2,6 Silber	+VI +VI 48 48 Cd 1,7 2,7 Cadmium	... 49 49 In 1,8 2,0 Indium	+III 50 50 Sn 1,8 2,1 Zinn	-III +III +V 51 51 Sb 2,1 2,6 Antimon	-II +II 52 52 Te 2,1 2,7 Tellur	+I +I 53 53 I 2,7 3,5 Iod	... 54 54 Xe 2,1 132 Xenon														
6	+I 55 55 Cs 0,8 0,9 Caesium	+II 56 56 Ba 0,9 1,6 Barium											+III 57 57 La 1,3 1,7 Lutetium	+II +II 58 58 Ce 1,3 1,6 Cerium	+I +I 59 59 Pr 1,5 1,6 Praseodym	-III bis +VII 60 60 Nd 1,6 1,9 Neodym	+II +II 61 61 Pm 1,6 1,9 Promethium	+III +III 62 62 Sm 1,6 1,9 Samarium	+IV +IV 63 63 Eu 1,9 2,0 Europium	+V +V 64 64 Gd 2,0 2,4 Gadolinium	+VI +VI 65 65 Tb 2,0 2,4 Terbium	+VII +VII 66 66 Dy 2,4 2,7 Dysprosium	... 67 67 Ho 2,4 2,7 Holmium	-II +II 68 68 Er 2,4 2,7 Erbium	+I +I 69 69 Tm 2,4 2,7 Thulium	... 70 70 Yb 2,4 2,7 Ytterbium	... 71 71 Lu 2,4 2,7 Lutetium	... 72 72 Hf 1,3 1,6 Hafnium	+III 73 73 Ta 1,5 1,6 Tantal	+II +II 74 74 W 2,4 2,7 Wolfram	+I +I 75 75 Re 1,9 2,2 Rhenium	-III bis +VII 76 76 Os 2,2 2,7 Osmium	+II +II 77 77 Ir 2,2 2,7 Iridium	+III +III 78 78 Pt 2,3 2,7 Platin	+IV +IV 79 79 Au 2,5 2,7 Gold	+V +V 80 80 Hg 2,0 2,7 Quecksilber	... 81 81 Tl 2,0 2,7 Thallium	+III 82 82 Pb 1,9 2,0 Blei	-II +II 83 83 Bi 2,0 2,7 Bismut	+I +I 84 84 Po 2,0 2,7 Polonium	... 85 85 At 2,2 2,7 Astat	... 86 86 Rn 2,2 2,7 Radon
7	+I 87 87 Fr 0,7 0,9 Francium	+II 88 88 Ra 0,9 1,6 Radium											... 89 89 Ac 1,3 1,7 Actinium	+III 90 90 Th 1,3 1,6 Thorium	+II +II 91 91 Pa 1,3 1,6 Protactinium	+I +I 92 92 U 1,3 1,6 Uran	-III bis +VII 93 93 Np 1,4 1,7 Neptunium	+II +II 94 94 Pu 1,4 1,7 Plutonium	+III +III 95 95 Am 1,4 1,7 Americium	+IV +IV 96 96 Cm 1,4 1,7 Curium	+V +V 97 97 Bk 1,4 1,7 Berkelium	+VI +VI 98 98 Cf 1,4 1,7 Californium	+VII +VII 99 99 Es 1,4 1,7 Einsteinium	... 100 100 Fm 1,4 1,7 Fermium	... 101 101 Md 1,4 1,7 Mendelevium	... 102 102 No 1,4 1,7 Nobelium	... 103 103 Lr 1,4 1,7 Lawrencium	... 104 104 Rf 1,3 1,6 Rutherfordium	... 105 105 Db 1,3 1,6 Dubnium	... 106 106 Sg 1,3 1,6 Seaborgium	... 107 107 Bh 1,3 1,6 Bohrium	... 108 108 Hs 1,3 1,6 Hassium	... 109 109 Mt 1,3 1,6 Meitnerium	... 110 110 Ds 1,3 1,6 Darmstadtium	... 111 111 Rg 1,3 1,6 Roentgenium	... 112 112 Cn 1,3 1,6 Copernicium	... 113 113 Nh 1,3 1,6 Nihonium	... 114 114 Fl 1,3 1,6 Flerovium	... 115 115 Uup 1,3 1,6 Ununpentium	... 116 116 Lv 1,3 1,6 Livermorium	... 117 117 Uus 1,3 1,6 Ununseptium	... 118 118 Uuo 1,3 1,6 Ununoctium

Legende:

-IV bis +IV

12C 2,6

Kohlenstoff

Oxidationszahlen
 Nukleonenzahl
 Ordnungszahl

Symbol
 Atomradius
 Elektronegativität

* = radioaktiv
 Als Nukleonenzahl wurde die Anzahl des am häufigsten vorkommenden (langlebigen) Isotops angegeben.

Lanthanoide und Actinoide

¹³⁹ ₅₇ La Lanthan	¹⁴⁰ ₅₈ Ce Cer	¹⁴¹ ₅₉ Pr Praseodym	¹⁴⁴ ₆₀ Nd Neodym	¹⁴⁷ ₆₁ Pm 1,1 Promethium	¹⁵² ₆₂ Sm 1,1 Samarium	¹⁵³ ₆₃ Eu 1,2 Europium	¹⁵⁸ ₆₄ Gd 1,3 Gadolinium	¹⁵⁹ ₆₅ Tb 1,3 Terbium	¹⁶⁴ ₆₆ Dy 1,2 Dysprosium	¹⁶⁵ ₆₇ Ho 1,2 Holmium	¹⁶⁶ ₆₈ Er 1,2 Erbium	¹⁶⁹ ₆₉ Tm 1,3 Thulium	¹⁷⁴ ₇₀ Yb 1,1 Ytterbium
²²⁷ ₈₉ Ac Actinium	²³² ₉₀ Th 1,1 Thorium	²³¹ ₉₁ Pa 1,5 Protactinium	²³⁸ ₉₂ U Uran	²³⁷ ₉₃ Np 1,4 Neptunium	²⁴⁴ ₉₄ Pu 1,3 Plutonium	²⁴³ ₉₅ Am 1,3 Americium	²⁴⁷ ₉₆ Cm 1,3 Curium	²⁴⁷ ₉₇ Bk 1,3 Berkelium	²⁵¹ ₉₈ Cf 1,3 Californium	²⁵² ₉₉ Es 1,3 Einsteinium	²⁵⁷ ₁₀₀ Fm 1,3 Fermium	²⁵⁸ ₁₀₁ Md 1,3 Mendelevium	²⁵⁹ ₁₀₂ No 1,3 Nobelium

Stichwortverzeichnis Mathematik

Achsenspiegelung	7	Parallelogramm	4
Additionstheoreme	6	Parallelverschiebung	7
Baumdiagramm	8	Pfadregel	8
Betrag eines Vektors	7	Potenzen	1
Binomische Formeln	1	Potenzfunktionen	2
Determinante	7	Prisma	5
Diskriminante	1	Pyramide	5
Drachenviereck	4	Pythagoras, Satz des	3
Drehung	7	Quadratische Funktion	2
Dreieck	3, 7	Quadratische Gleichungen	1
Einheitskreis	6	Raute	4
Exponentialfunktionen	2	Scheitelpunkt	2
Geraden	1	Schwerpunkt	3, 7
Hyperbel	2	Sinus	3, 6
Inkreis	3	Sinussatz	3
Kegel	5	Skalarprodukt	7
Komplementbeziehungen	6	Steigung	1
Koordinatensystem	7, 8	Strahlensätze	3
Kosinus	3, 6	Supplementbeziehungen	6
Kosinussatz	3	Tangens	3, 6
Kreis	4	Tangente	4
Kugel	6	Thaleskreis	3
Länge einer Strecke	7	Trapez	4
Lineare Funktion	1	Umkreis	3
Logarithmen	1	Wahrscheinlichkeit	8
Logarithmusfunktionen	2	Wurzeln	1
Mittelpunkt einer Strecke	7	Zentrische Streckung	7
orthogonale Geraden	1	Zufallsexperiment	8
Parabel	2	Zylinder	5
parallele Geraden	1		

Stichwortverzeichnis Physik

Aktivität	11	Leistung	9, 11
Äquivalentdosis.....	11	Leitwert	11
Arbeit.....	9, 11	mechanische Arbeit.....	9
Auftriebskraft.....	10	Naturkonstanten	13
Bewegung		Ortsfaktor	9
gleichförmige	10	Parallelschaltung	11
gleichmäßig beschleunigte.....	10	Qualitätsfaktor	11, 13
Boyle-Mariotte, Gesetz von	10	Reihenschaltung	11
Dichte	9, 10, 13	Schaltzeichen.....	12
Druck	10	Schmelzwärme	10
Energie		Schweredruck in Flüssigkeiten	10
kinetische.....	10	Spannung	11
potentielle	9	Stromkreis	11
Energiedosis.....	11	Stromstärke	11
Erwärmungsgesetz.....	10	Tabellenwerte	13
Gay-Lussac, Gesetz von	10	Verbrennungswärme.....	10
Grundgleichung der Mechanik.....	10	Verdampfungswärme.....	10
Grundgrößen	9	Volumenänderungskoeffizient.....	13
Halbwertszeit.....	13	Wärmekapazität.....	13
Heizwert	10, 13	Widerstand	11, 13
Hooke, Gesetz von	9	Widerstandsgesetz.....	11
Hubarbeit	9	Wirkungsgrad.....	9
Impuls.....	10	Zerfallsgesetz.....	11
Längenänderungskoeffizient.....	13	Zustandsgleichung idealer Gase	10