



## Mathematik II

Name: \_\_\_\_\_ Vorname: \_\_\_\_\_

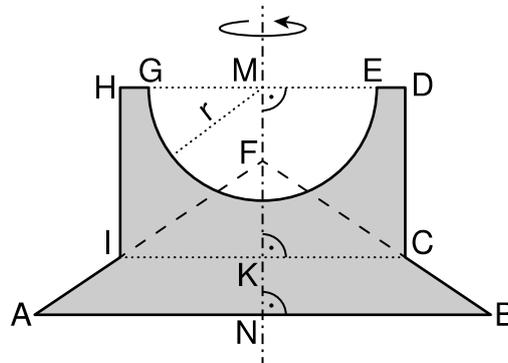
Klasse: \_\_\_\_\_ Platznummer: \_\_\_\_\_ Punkte: \_\_\_\_\_

### Aufgabe A 1

### Nachtermin

A 1 Nebenstehende Skizze zeigt den Axialschnitt eines Rotationskörpers mit der Rotationsachse  $NM$ . Der Punkt  $F$  ist der Schnittpunkt der Geraden  $AI$  und  $BC$ .

Es gilt:  $\overline{AB} = 8 \text{ cm}$ ;  $\overline{FK} = 1,7 \text{ cm}$ ;  $\overline{CD} = 3 \text{ cm}$ ;  
 $\overline{DE} = 0,5 \text{ cm}$ ;  $r = \overline{ME} = \overline{MG} = 2 \text{ cm}$ ;  
 $IH \parallel NM \parallel CD$ .



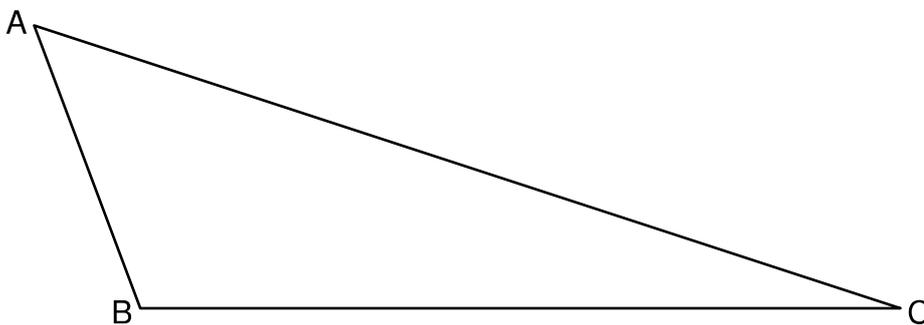
Berechnen Sie das Volumen des Rotationskörpers.  
 Runden Sie auf zwei Stellen nach dem Komma.

[Zwischenergebnis:  $\overline{FN} = 2,72 \text{ cm}$ ]

Grid area for calculation.

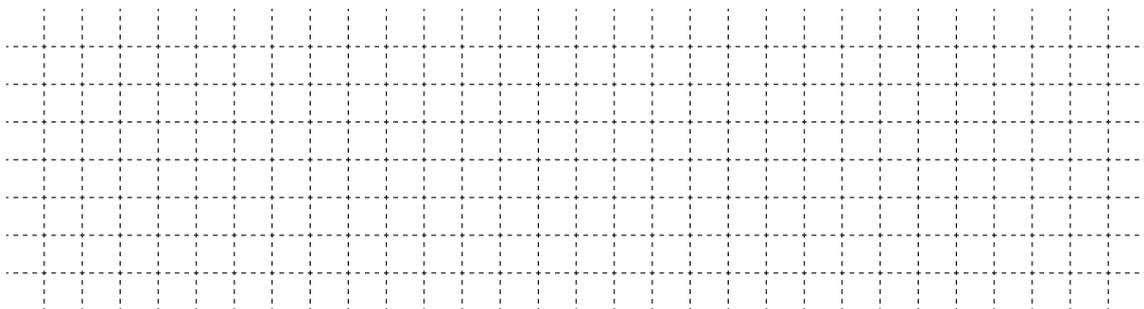
A 2.0 Gegeben ist das Dreieck ABC mit den Seitenlängen  $\overline{AB} = 4 \text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 10 \text{ cm}$  und  $\overline{AC} = 12 \text{ cm}$ .

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.



A 2.1 Berechnen Sie das Maß des Winkels BAC.

[Ergebnis:  $\sphericalangle BAC = 51,32^\circ$ ]



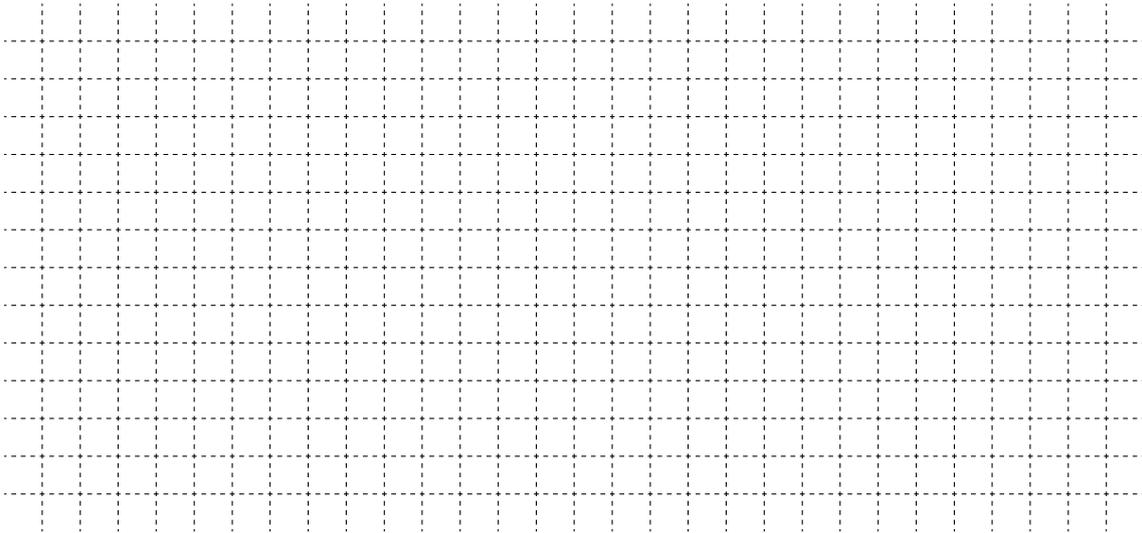
2 P

A 2.2 Der Punkt M ist der Mittelpunkt der Strecke  $[AC]$ . Auf dem Kreisbogen  $\widehat{CA}$  mit dem Mittelpunkt M liegt der Punkt D mit  $\overline{AD} = 6 \text{ cm}$ .

Zeichnen Sie den Kreisbogen  $\widehat{CA}$ , das Dreieck ACD und die Strecke  $[DM]$  in die Zeichnung zu A 2.0 ein.

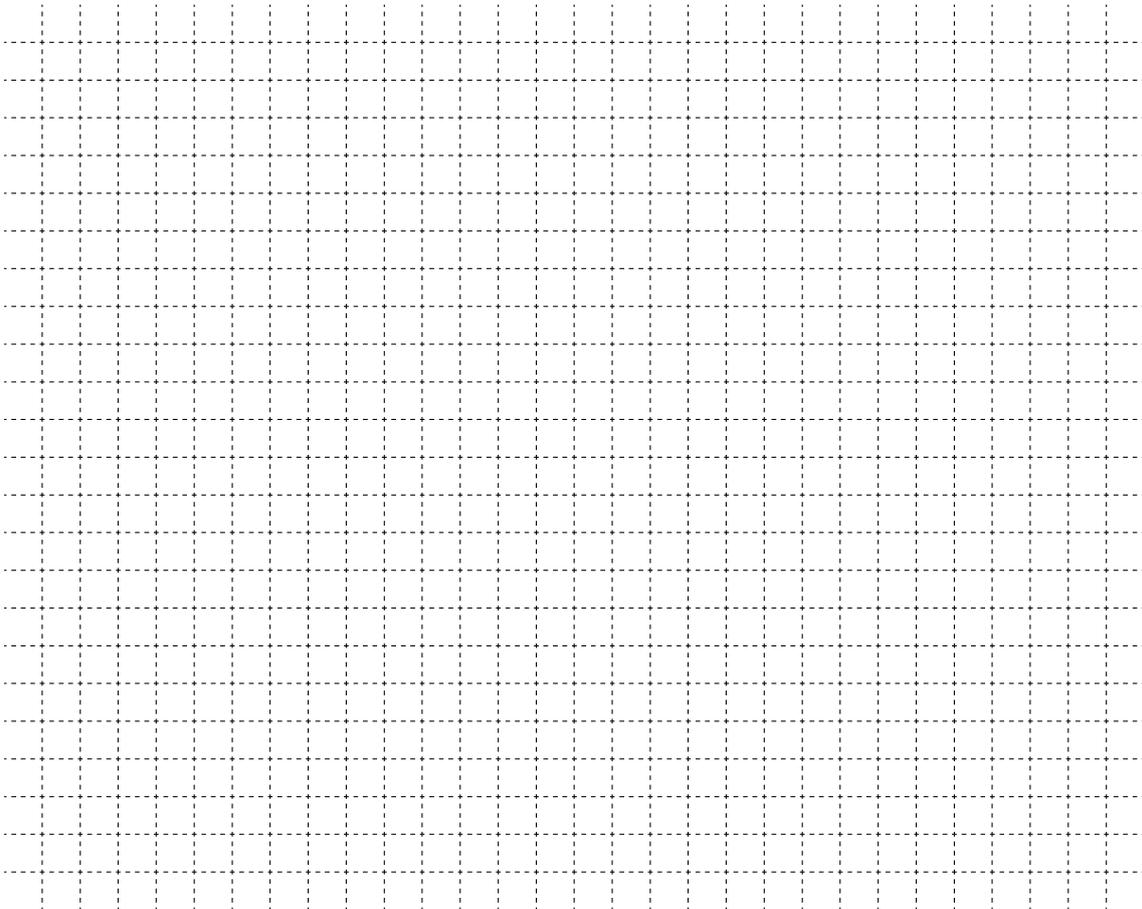
2 P

A 2.3 Begründen Sie, weshalb der Winkel ADC das Maß  $90^\circ$  und der Winkel DMA das Maß  $60^\circ$  hat.



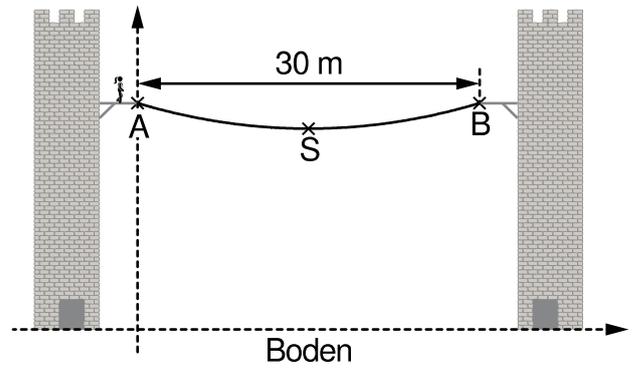
2 P

A 2.4 Berechnen Sie den Flächeninhalt der Figur, die durch den Kreisbogen  $\widehat{DA}$  sowie die Strecken  $[AB]$ ,  $[BC]$  und  $[CD]$  begrenzt wird.



3 P

A 3.0 An zwei Türmen sind auf einer Höhe von jeweils 15 m über dem Boden Plattformen angebracht. Zwischen den beiden 30 m voneinander entfernten Plattformen ist eine Brücke gespannt.



Der Verlauf der Brücke zwischen den Punkten  $A(0|15)$  und  $B(30|15)$  kann näherungsweise durch eine Parabel  $p$  beschrieben werden.

Diese hat eine Gleichung der Form  $y = ax^2 + bx + c$  ( $\mathbb{G} = \mathbb{R}_0^+ \times \mathbb{R}_0^+$ ;  $a, b, c \in \mathbb{R}$ ;  $a \neq 0$ ) und den Scheitelpunkt  $S(15|12,75)$ . Dabei entspricht  $x$  m der horizontal gemessenen Entfernung vom Punkt A und  $y$  m der Höhe über dem Boden.

A 3.1 Zeigen Sie rechnerisch, dass für die Gleichung der Parabel  $p$  gilt:

$$y = 0,01x^2 - 0,3x + 15 \quad (\mathbb{G} = \mathbb{R}_0^+ \times \mathbb{R}_0^+).$$

Grid area for the proof of A 3.1.

3 P

A 3.2 Eine Person überquert die Brücke von A nach B. Sie geht bereits wieder aufwärts. Bei einer Höhe von 13 Metern über dem Boden bleibt sie stehen. Diese Position entspricht dem Punkt D auf der Parabel  $p$ .

Berechnen Sie die x-Koordinate des Punktes D.

Grid area for the calculation of the x-coordinate of point D in A 3.2.

2 P



## Mathematik II

### Aufgabe B 1

### Nachtermin

B 1.0 Die Parabel  $p$  verläuft durch die Punkte  $P(-2|2,8)$  und  $Q(7|1)$ . Sie hat eine Gleichung der Form  $y = -0,2x^2 + bx + c$  mit  $\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$  und  $b, c \in \mathbb{R}$ .

Die Gerade  $g$  hat die Gleichung  $y = -0,2x - 1$  mit  $\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ .

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 1.1 Zeigen Sie durch Berechnung der Werte für  $b$  und  $c$ , dass die Parabel  $p$  die Gleichung  $y = -0,2x^2 + 0,8x + 5,2$  hat.

Zeichnen Sie sodann die Parabel  $p$  und die Gerade  $g$  für  $x \in [-4; 9]$  in ein Koordinatensystem ein.

Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm;  $-4 \leq x \leq 9$ ;  $-4 \leq y \leq 7$

4 P

B 1.2 Punkte  $A_n(x | -0,2x^2 + 0,8x + 5,2)$  auf der Parabel  $p$  und Punkte  $B_n(x | -0,2x - 1)$  auf der Geraden  $g$  haben dieselbe Abszisse  $x$ . Punkte  $D_n$  liegen auch auf der Parabel  $p$  und haben eine um drei größere Abszisse als die Punkte  $A_n$ . Zusammen mit Punkten  $C_n$  entstehen für  $x \in ]-3,60; 8,60[$  Trapeze  $A_n B_n C_n D_n$ .

Es gilt:  $[A_n B_n] \parallel [C_n D_n]$  und  $\overline{C_n D_n} = 4 \text{ LE}$ .

Zeichnen Sie die Trapeze  $A_1 B_1 C_1 D_1$  für  $x = -1$  und  $A_2 B_2 C_2 D_2$  für  $x = 3$  in das Koordinatensystem zu B 1.1 ein.

2 P

B 1.3 Zeigen Sie, dass für den Flächeninhalt der Trapeze  $A_n B_n C_n D_n$  in Abhängigkeit von der Abszisse  $x$  der Punkte  $A_n$  gilt:  $A(x) = (-0,3x^2 + 1,5x + 15,3) \text{ FE}$ .

Bestimmen Sie sodann den maximalen Flächeninhalt dieser Trapeze sowie den zugehörigen Wert für  $x$ .

4 P

B 1.4 Der Flächeninhalt der Trapeze  $A_3 B_3 C_3 D_3$  und  $A_4 B_4 C_4 D_4$  beträgt jeweils 16,5 FE.

Ermitteln Sie die zugehörigen Werte für  $x$ .

2 P

B 1.5 Zeigen Sie rechnerisch, dass für die  $y$ -Koordinate der Punkte  $D_n$  in Abhängigkeit von der Abszisse  $x$  der Punkte  $A_n$  gilt:  $y_{D_n} = -0,2x^2 - 0,4x + 5,8$ .

2 P

B 1.6 Die Strecke  $[A_5 D_5]$  im Trapez  $A_5 B_5 C_5 D_5$  ist parallel zur  $x$ -Achse.

Berechnen Sie den Flächeninhalt dieses Trapezes.

[Zwischenergebnis:  $x_{A_5} = 0,5$ ]

3 P

**Bitte wenden!**



**Mathematik II**

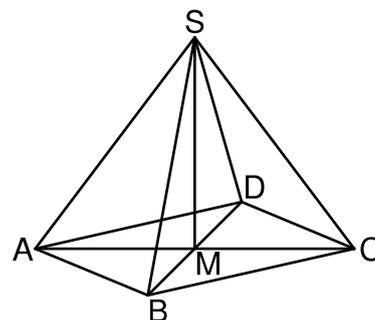
**Aufgabe B 2**

**Nachtermin**

B 2.0 Die nebenstehende Skizze zeigt ein Schrägbild der Pyramide ABCDS mit der Höhe [MS], deren Grundfläche die Raute ABCD mit dem Diagonalenschnittpunkt M ist.

Es gilt:  $\overline{AC} = 12 \text{ cm}$ ;  $\overline{BD} = 10 \text{ cm}$ ;  $\overline{MS} = 8 \text{ cm}$ .

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.



B 2.1 Zeichnen Sie das Schrägbild der Pyramide ABCDS, wobei die Strecke [AC] auf der Schrägbildachse und der Punkt A links vom Punkt C liegen soll.

Für die Zeichnung gilt:  $q = \frac{1}{2}$ ;  $\omega = 45^\circ$ .

Berechnen Sie sodann die Länge der Strecke [CS] und das Maß des Winkels MSC.

[Teilergebnisse:  $\overline{CS} = 10 \text{ cm}$ ;  $\sphericalangle MSC = 36,87^\circ$ ]

4 P

B 2.2 Der Punkt T liegt auf der Strecke [CS] mit  $\overline{ST} = 3 \text{ cm}$ . Punkte  $P_n$  liegen auf der Strecke [MS] mit  $\overline{MP_n} = x \text{ cm}$  ( $x \in \mathbb{R}^+$ ;  $x \in [0; 8]$ ). Zusammen mit den Punkten T und S bilden sie Dreiecke  $TSP_n$ .

Zeichnen Sie die Strecke  $[P_1T]$  für  $x = 2$  in das Schrägbild zu B 2.1 ein.

Ermitteln Sie sodann rechnerisch den Flächeninhalt des Dreiecks  $TSP_1$  sowie das Maß des Winkels  $TP_1S$ .

4 P

B 2.3 Für den Winkel  $STP_2$  gilt:  $\sphericalangle STP_2 = 90^\circ$ .

Zeichnen Sie die Strecke  $[P_2T]$  in das Schrägbild zu B 2.1 ein und berechnen Sie den zugehörigen Wert für x.

2 P

B 2.4 Die Punkte  $P_n$  sind Mittelpunkte von Strecken  $[Q_nR_n]$ , wobei gilt:  $Q_n \in [BS]$ ,  $R_n \in [DS]$  und  $[Q_nR_n] \parallel [BD]$ . Die Dreiecke  $Q_nR_nS$  sind Grundflächen von Pyramiden  $Q_nR_nST$ , wobei T die Spitze der Pyramiden mit dem Höhenfußpunkt  $H \in [MS]$  ist.

Zeichnen Sie die Pyramide  $Q_1R_1ST$  und die Pyramidenhöhe [HT] in das Schrägbild zu B 2.1 ein.

1 P

B 2.5 Zeigen Sie, dass für das Volumen V der Pyramiden  $Q_nR_nST$  in Abhängigkeit von x gilt:  $V(x) = (0,375x^2 - 6x + 24) \text{ cm}^3$ .

[Zwischenergebnis:  $\overline{Q_nR_n}(x) = (10 - 1,25x) \text{ cm}$ ]

4 P

B 2.6 Unter den Pyramiden  $Q_nR_nST$  hat die Pyramide  $Q_3R_3ST$  das maximale Volumen.

Geben Sie den zugehörigen Wert für x und das maximale Volumen an.

2 P

**Bitte wenden!**