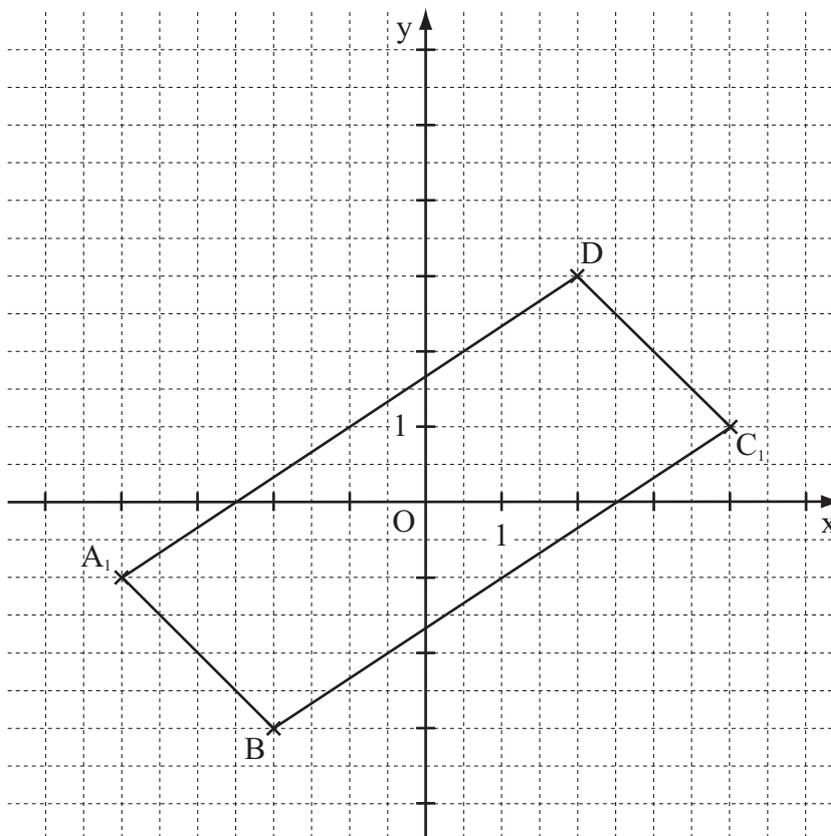


A 2.0 Punkte $A_n(2 \cdot \sin \varphi - 4 \mid 3 \cdot \sin \varphi - 1)$ mit $\varphi \in [0^\circ; 90^\circ]$ legen zusammen mit den Punkten $B(-2 \mid -3)$ und $D(2 \mid 3)$ Parallelogramme A_nBC_nD fest.



A 2.1 In das Koordinatensystem zu A 2.0 ist das Parallelogramm A_1BC_1D für $\varphi = 0^\circ$ eingezeichnet.

Berechnen Sie die Koordinaten des Punktes A_2 für $\varphi = 90^\circ$ und zeichnen Sie sodann das Parallelogramm A_2BC_2D ein.

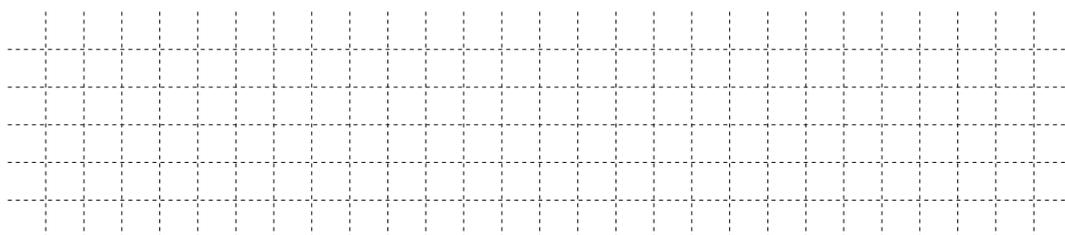


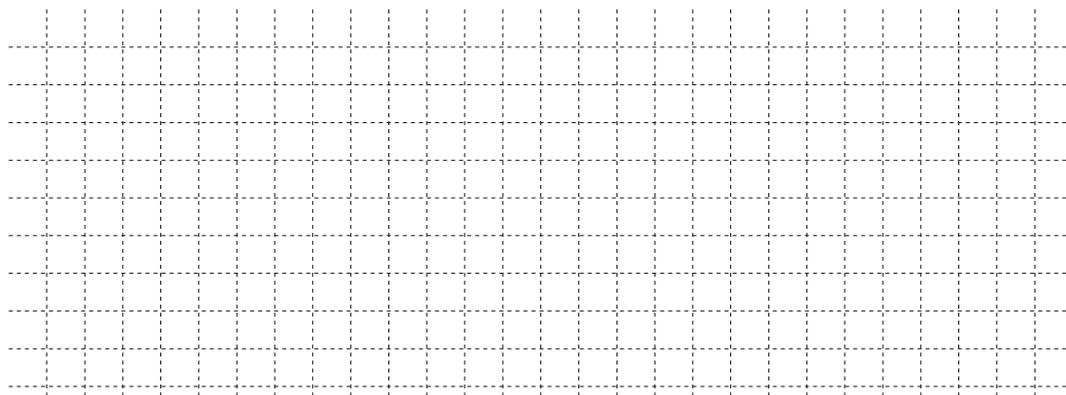
2 P

A 2.2 Zeigen Sie rechnerisch, dass für den Trägergraphen t der Punkte A_n gilt:

$$y = \frac{3}{2}x + 5 \quad (\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}).$$

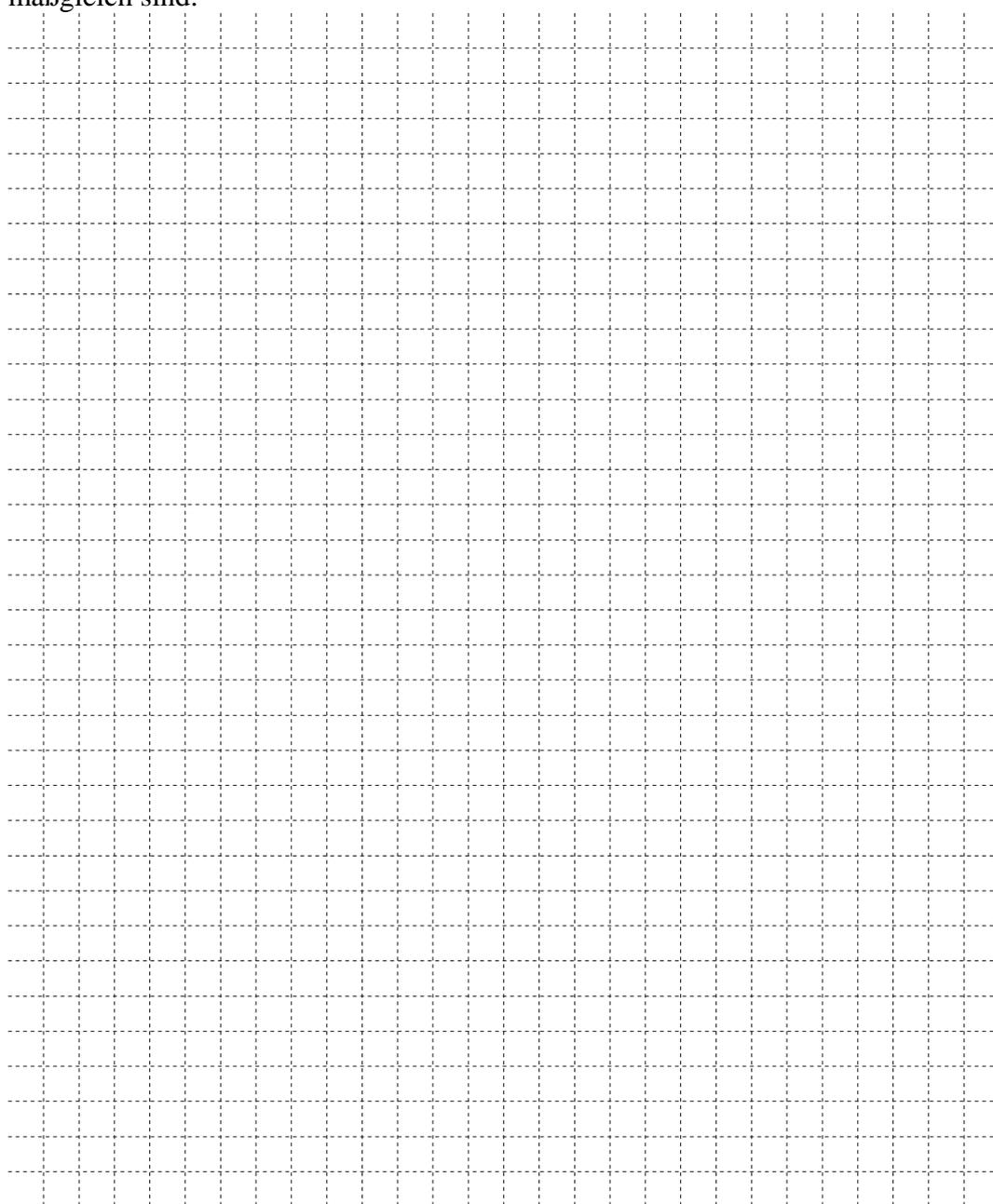
Zeichnen Sie den Trägergraphen t in das Koordinatensystem zu A 2.0 ein.





A 2.3 Begründen Sie, dass die Flächeninhalte A aller Paralleleogramme $A_n B C_n D$ maßgleich sind.

3 P



4 P

A 3.0 Gegeben ist die Funktion f_1 mit der Gleichung $y = \log_2(x + 2) + 1$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$).

A 3.1 Geben Sie die Definitionsmenge der Funktion f_1 an.

1 P

A 3.2 Bestimmen Sie die nach y aufgelöste Gleichung der Umkehrfunktion zu f_1 .

2 P

A 3.3 Der Graph der Funktion f_2 hat eine Gleichung der Form $y = \log_2(-x + a) + 3$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; a \in \mathbb{R}$) und schneidet den Graphen der Funktion f_1 auf der y -Achse. Bestimmen Sie den zugehörigen Wert für a .

2 P

Abschlussprüfung 2015

an den Realschulen in Bayern



Prüfungsdauer:
150 Minuten

Mathematik I

Aufgabe B 1

Haupttermin

B 1.0 Gegeben ist die Funktion f_1 mit der Gleichung $y = 0,75^{x+2} - 3$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$).

B 1.1 Geben Sie die Definitions- und Wertemenge der Funktion f_1 an.

Zeichnen Sie sodann den Graphen zu f_1 für $x \in [-9; 4]$ in ein Koordinatensystem.

Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm; $-9 \leq x \leq 5$; $-4 \leq y \leq 8$

3 P

B 1.2 Der Graph der Funktion f_1 wird durch orthogonale Affinität mit der x -Achse als Affinitätsachse und dem Affinitätsmaßstab $k = -2$ sowie anschließende Parallelverschiebung mit dem Vektor $\vec{v} = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ auf den Graphen der Funktion f_2 abgebildet.

Zeigen Sie rechnerisch, dass die Funktion f_2 die Gleichung $y = -2 \cdot 0,75^{x+4} + 7$ besitzt ($\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$) und zeichnen Sie sodann den Graphen zu f_2 für $x \in [-9; 4]$ in das Koordinatensystem zu B 1.1 ein.

4 P

B 1.3 Punkte $A_n(x | 0,75^{x+2} - 3)$ auf dem Graphen zu f_1 und Punkte $C_n(x | -2 \cdot 0,75^{x+4} + 7)$ auf dem Graphen zu f_2 haben dieselbe Abszisse x und sind für $x > -6,61$ zusammen mit Punkten B_n und D_n die Eckpunkte von Drachenvierecken $A_n B_n C_n D_n$. Die Strecken $[A_n C_n]$ liegen auf den Symmetrieachsen der Drachenvierecke $A_n B_n C_n D_n$.

$$\text{Es gilt: } \overrightarrow{A_n B_n} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}.$$

Zeichnen Sie das Drachenviereck $A_1 B_1 C_1 D_1$ für $x = -5$ und das Drachenviereck $A_2 B_2 C_2 D_2$ für $x = 1$ in das Koordinatensystem zu B 1.1 ein.

2 P

B 1.4 Bestätigen Sie durch Rechnung, dass für die Länge der Strecken $[A_n C_n]$ in Abhängigkeit von der Abszisse x der Punkte A_n gilt: $\overline{A_n C_n}(x) = (-2,125 \cdot 0,75^{x+2} + 10)$ LE.

2 P

B 1.5 Unter den Drachenvierecken $A_n B_n C_n D_n$ gibt es die Raute $A_3 B_3 C_3 D_3$.

Berechnen Sie die Koordinaten des Punktes B_3 auf zwei Stellen nach dem Komma gerundet.

3 P

B 1.6 Zeigen Sie, dass für den Flächeninhalt A der Drachenvierecke $A_n B_n C_n D_n$ in Abhängigkeit von der Abszisse x der Punkte A_n gilt: $A(x) = (-6,375 \cdot 0,75^{x+2} + 30)$ FE.

Begründen Sie sodann, dass für den Flächeninhalt aller Drachenvierecke $A_n B_n C_n D_n$ gilt: $A < 30$ FE.

3 P

Bitte wenden!

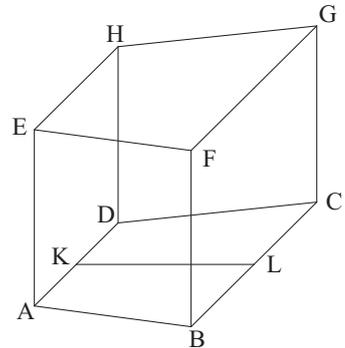


Mathematik I

Aufgabe B 2

Haupttermin

B 2.0 Das gleichschenklige Trapez ABCD hat die parallelen Seiten [AD] und [BC]. Der Mittelpunkt der Seite [AD] ist der Punkt K, der Mittelpunkt der Seite [BC] ist der Punkt L. Das Trapez ABCD ist die Grundfläche des geraden Prismas ABCDEFGH (siehe Skizze). Der Punkt E liegt senkrecht über dem Punkt A. Es gilt: $\overline{AD} = 8 \text{ cm}$; $\overline{BC} = 12 \text{ cm}$; $\overline{KL} = 6 \text{ cm}$; $\overline{AE} = 7 \text{ cm}$.



Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 2.1 Zeichnen Sie ein Schrägbild des Prismas ABCDEFGH, wobei [KL] auf der Schrägbildachse und der Punkt K links vom Punkt L liegen soll.

Für die Zeichnung gilt: $q = \frac{1}{2}$; $\omega = 45^\circ$.

2 P

B 2.2 Der Mittelpunkt der Kante [EH] ist der Punkt M, der Mittelpunkt der Kante [FG] ist der Punkt N. Für den Punkt S auf [MN] gilt: $\overline{SN} = 2 \text{ cm}$.

Punkte P_n auf [KS] bilden zusammen mit den Punkten K und L Dreiecke KLP_n . Die Winkel P_nLK haben das Maß φ mit $\varphi \in]0^\circ; 74,05^\circ]$.

Zeichnen Sie die Strecke [MN], den Punkt S sowie das Dreieck KLP_1 für $\varphi = 45^\circ$ in das Schrägbild zu B 2.1 ein.

Bestätigen Sie rechnerisch, dass der Winkel LKS das Maß $60,26^\circ$ hat.

3 P

B 2.3 Zeigen Sie durch Rechnung, dass für die Länge der Strecken $[LP_n]$ in Abhängigkeit von φ gilt: $\overline{LP_n}(\varphi) = \frac{5,21}{\sin(\varphi + 60,26^\circ)} \text{ cm}$.

Geben Sie die minimale Länge der Strecken $[LP_n]$ an.

3 P

B 2.4 Unter den Dreiecken KLP_n gibt es das gleichschenklige Dreieck KLP_2 mit der Basis $[KP_2]$. Berechnen Sie die Länge der Strecke $[KP_2]$.

2 P

B 2.5 Die Punkte P_n sind die Spitzen von Pyramiden $ABCDP_n$ mit den Höhen $[P_nT_n]$ und T_n auf der Strecke [KL]. Zeichnen Sie die Pyramide $ABCDP_1$ und ihre Höhe $[P_1T_1]$ in das Schrägbild zu B 2.1 ein.

Zeigen Sie sodann rechnerisch, dass für das Volumen V der Pyramiden $ABCDP_n$ in

Abhängigkeit von φ gilt: $V(\varphi) = \frac{104,20 \cdot \sin \varphi}{\sin(\varphi + 60,26^\circ)} \text{ cm}^3$.

3 P

B 2.6 Die Pyramide $BCGFP_3$ mit der rechteckigen Grundfläche BCGF und der Spitze P_3 hat dasselbe Volumen wie die Pyramide $ABCDP_3$.

Berechnen Sie den zugehörigen Wert für φ .

4 P

Bitte wenden!