

Abschlussprüfung 2014

an den Realschulen in Bayern



Prüfungsdauer:
150 Minuten

Mathematik I

Name: _____ Vorname: _____

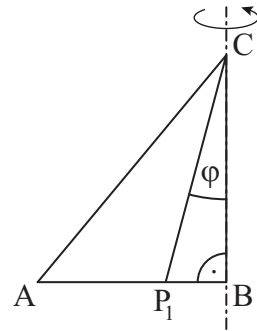
Klasse: _____ Platzziffer: _____ Punkte: _____

Aufgabe A 1

Haupttermin

- A 1.0 Gegeben ist das rechtwinklige Dreieck ABC mit der Hypotenuse $[AC]$. Punkte P_n liegen auf der Kathete $[AB]$ und legen zusammen mit den Punkten B und C Dreiecke P_nBC fest. Die Winkel P_nCB haben das Maß φ mit $\varphi \in]0^\circ; 39,81^\circ]$. Es gilt: $\overline{AB} = 2,5 \text{ cm}$; $\overline{BC} = 3 \text{ cm}$; $\sphericalangle CBA = 90^\circ$.

Die nebenstehende Skizze zeigt das Dreieck ABC und das Dreieck P_1BC für $\varphi = 15^\circ$.



- A 1.1 Begründen Sie durch Rechnung das Maß der oberen Intervallgrenze für φ .

Grid for answer A 1.1

1 P

- A 1.2 Die Dreiecke P_nBC rotieren um die Gerade BC als Rotationsachse. Zeigen Sie, dass für das Volumen V der dabei entstehenden Rotationskörper in Abhängigkeit von φ gilt: $V(\varphi) = 9 \cdot \pi \cdot \tan^2 \varphi \text{ cm}^3$.

Grid for answer A 1.2

2 P

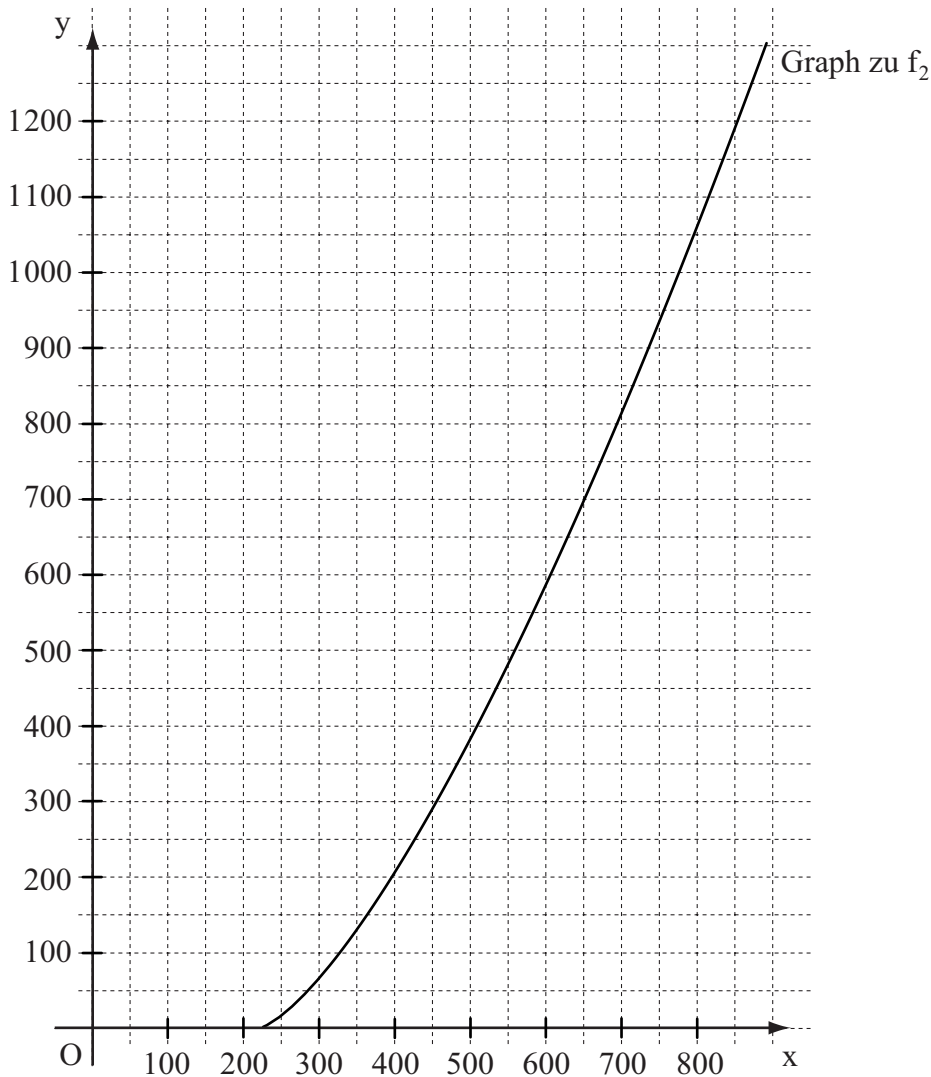
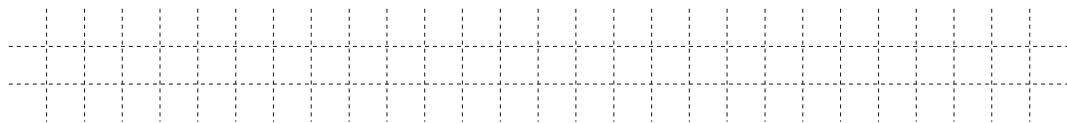
- A 1.3 Das Volumen eines Rotationskörpers aus A 1.2 beträgt 6 cm^3 . Berechnen Sie das zugehörige Maß φ .

Grid for answer A 1.3

2 P

A 2.0 Ein Leichtathletikverband hat für die Wettbewerbe beim Zehnkampf Funktionsgleichungen festgelegt, mit denen sich die jeweilige Anzahl der Punkte, die die Sportler in den einzelnen Disziplinen erreichen können, berechnen lässt. Beim Weitsprung der Frauen wird die Anzahl der Punkte in Abhängigkeit von der Sprungweite x cm durch die Funktion f_1 mit der Gleichung $y = 0,188807 \cdot (x - 210)^{1,41}$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R}_0^+ \times \mathbb{R}_0^+$) ermittelt. Der auf Ganze gerundete Wert für y ergibt die Anzahl der erreichten Punkte.

A 2.1 Geben Sie die Definitionsmenge der Funktion f_1 an.
Zeichnen Sie sodann den Graphen zu f_1 in das Koordinatensystem ein. Der bereits eingezeichnete Graph gehört zu der Funktion f_2 , mit deren Hilfe die Punkte beim Weitsprung der Männer ermittelt werden.



3 P

A 2.2 Ein Mann und eine Frau erreichen beim Weitsprung jeweils 700 Punkte. Ermitteln Sie mit Hilfe der Graphen, um wie viel weiter der Mann dabei gesprungen ist.

1 P

A 2.3 Eine Frau erreicht beim Weitsprung 900 Punkte. Berechnen Sie die zugehörige Sprungweite auf Zentimeter gerundet.

2 P

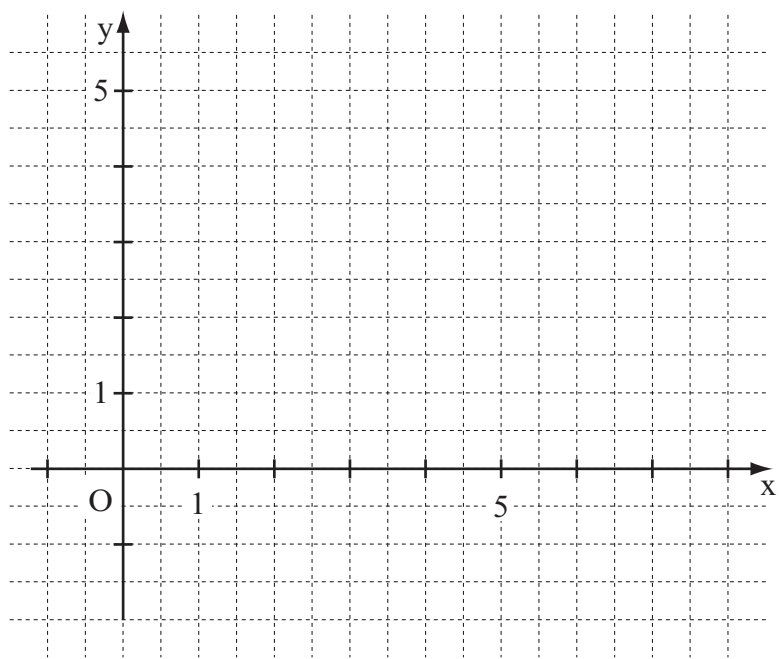
A 2.4 Beim Stabhochsprung der Frauen wird die Anzahl der Punkte in Abhängigkeit von der übersprungenen Höhe x cm durch die Funktion h_1 mit der Gleichung $y = 0,44125 \cdot (x - 100)^{1,35}$ ermittelt, bei den Männern durch die Funktion h_2 mit der Gleichung $y = 0,2797 \cdot (x - 100)^{1,35}$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R}_0^+ \times \mathbb{R}_0^+$). Ein Mann und eine Frau überspringen die gleiche Höhe, dabei erzielt die Frau 500 Punkte mehr als der Mann.

Berechnen Sie diese übersprungene Höhe auf Zentimeter gerundet.

3 P

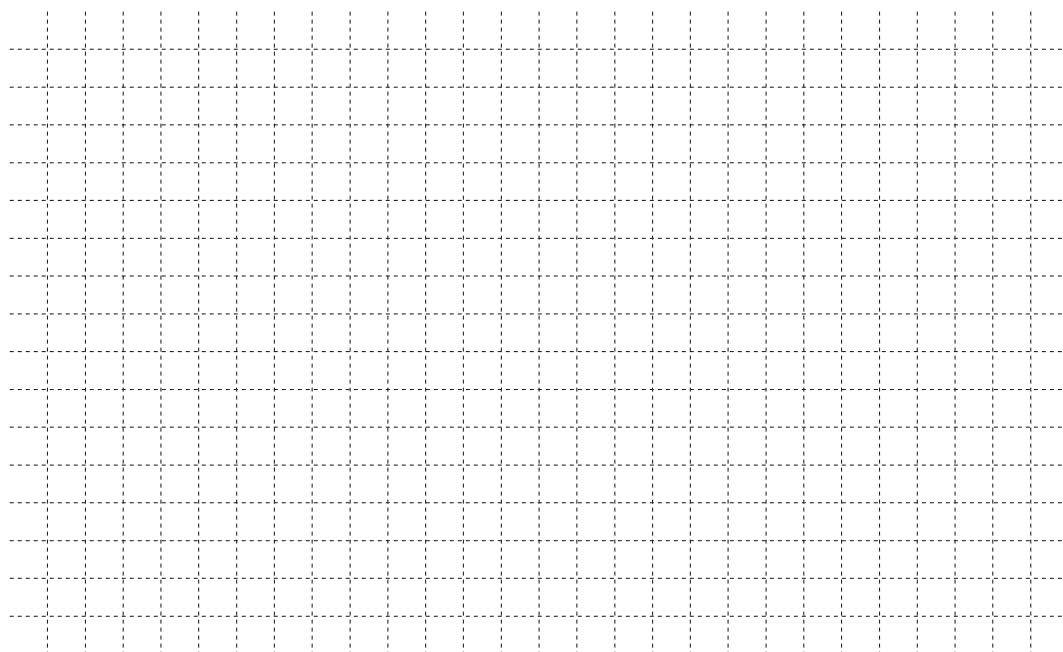
A 3.0 Punkte $B_n \left(x \mid -\frac{1}{4}x \right)$ auf der Geraden g mit der Gleichung $y = -\frac{1}{4}x$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$) bilden für $x \in]0; 7,8[$ zusammen mit den Punkten $A(0 \mid 0)$, $C(4,5 \mid 3)$ und D_n Drachenvierecke AB_nCD_n mit der Symmetrieachse AC .

A 3.1 Zeichnen Sie die Gerade g , die Symmetrieachse AC sowie das Drachenviereck AB_1CD_1 für $x = 2$ und das Drachenviereck AB_2CD_2 für $x = 4$ in das Koordinatensystem ein.



2 P

A 3.2 Berechnen Sie die Koordinaten der Punkte D_n in Abhängigkeit von der Abszisse x der Punkte B_n .



3 P

Abschlussprüfung 2014

an den Realschulen in Bayern



Prüfungsdauer:
150 Minuten

Mathematik I

Aufgabe B 1

Haupttermin

B 1.0 Der Punkt $A(-1|-2)$ legt zusammen mit den Pfeilen $\overrightarrow{AB_n}(\varphi) = \begin{pmatrix} 2 \cdot \cos \varphi + 3 \\ 5 \cdot \sin^2 \varphi + 1 \end{pmatrix}$ und

$$\overrightarrow{AD_n}(\varphi) = \begin{pmatrix} 3 \cdot \cos \varphi - 3 \\ 4 \end{pmatrix} \text{ für } \varphi \in [0^\circ; 180^\circ] \text{ Parallelogramme } AB_n C_n D_n \text{ fest.}$$

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 1.1 Berechnen Sie die Koordinaten der Pfeile $\overrightarrow{AB_1}$ und $\overrightarrow{AD_1}$ für $\varphi = 60^\circ$ sowie $\overrightarrow{AB_2}$ und $\overrightarrow{AD_2}$ für $\varphi = 130^\circ$. Zeichnen Sie sodann die Parallelogramme $AB_1 C_1 D_1$ und $AB_2 C_2 D_2$ in ein Koordinatensystem ein.

Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm; $-8 \leq x \leq 6$; $-3 \leq y \leq 9$.

4 P

B 1.2 Berechnen Sie das Maß des Winkels $B_1 A D_1$.

2 P

B 1.3 Unter den Parallelogrammen $AB_n C_n D_n$ gibt es das Rechteck $AB_3 C_3 D_3$.

Ermitteln Sie rechnerisch das zugehörige Winkelmaß φ .

4 P

B 1.4 Zeigen Sie rechnerisch, dass der Trägergraph p der Punkte C_n die Gleichung $y = -0,2 \cdot (x+1)^2 + 8$ ($\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$) hat.

Zeichnen Sie sodann den Trägergraphen p in das Koordinatensystem zu B 1.1 ein.

$$\left[\text{Teilergebnis: } C_n \left(5 \cdot \cos \varphi - 1 \mid 5 \cdot \sin^2 \varphi + 3 \right) \right]$$

4 P

B 1.5 Beim Parallelogramm $AB_4 C_4 D_4$ liegt der Punkt D_4 auf dem Trägergraphen p der Punkte C_n .

Bestimmen Sie durch Rechnung das zugehörige Winkelmaß φ .

3 P

Bitte wenden!

Abschlussprüfung 2014

an den Realschulen in Bayern



Prüfungsdauer:
150 Minuten

Mathematik I

Aufgabe B 2

Haupttermin

B 2.0 Das Drachenviereck ABCD mit der Symmetrieachse AC ist die Grundfläche der Pyramide ABCDS, deren Spitze S senkrecht über dem Diagonalschnittpunkt M der Grundfläche ABCD liegt.

Es gilt: $\overline{AC} = 9,5 \text{ cm}$; $\overline{AM} = 3,5 \text{ cm}$; $\overline{BD} = 8 \text{ cm}$ und $\sphericalangle SCA = 60^\circ$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 2.1 Zeichnen Sie das Schrägbild der Pyramide ABCDS, wobei die Diagonale [AC] auf der Schrägbildachse und A links von C liegen soll.

Für die Zeichnung gilt: $q = 0,5$; $\omega = 45^\circ$.

Berechnen Sie sodann die Längen der Strecken [SM] und [SC] sowie das Maß des Winkels ASC.

[Ergebnisse: $\overline{SM} = 10,39 \text{ cm}$; $\overline{SC} = 12 \text{ cm}$; $\sphericalangle ASC = 48,62^\circ$]

4 P

B 2.2 Auf der Kante [CS] liegt der Punkt G mit $\overline{CG} = 4 \text{ cm}$, auf der Kante [AS] liegen Punkte E_n . Die Winkel E_nGC haben das Maß φ mit $\varphi \in [95,21^\circ; 180^\circ[$.

Die Punkte E_n und der Punkt G sind zusammen mit Punkten $F_n \in [BS]$ und $H_n \in [DS]$ die Eckpunkte von Drachenvierecken $E_nF_nGH_n$ mit den Diagonalschnittpunkten M_n . Die Diagonalen $[F_nH_n]$ liegen parallel zu [BD].

Zeichnen Sie den Punkt M_1 sowie das Drachenviereck $E_1F_1GH_1$ für $\varphi = 130^\circ$ in die Zeichnung zu B 2.1 ein.

1 P

B 2.3 Zeigen Sie durch Rechnung, dass sich die Länge der Strecken $[E_nG]$ in Abhängigkeit von φ wie folgt darstellen lässt:

$$\overline{E_nG}(\varphi) = \frac{6,00}{\sin(\varphi - 48,62^\circ)} \text{ cm}.$$

Geben Sie die minimale Länge $\overline{E_0G}$ und das zugehörige Winkelmaß φ an.

4 P

B 2.4 Bestimmen Sie die Länge der Strecken $[F_nH_n]$ in Abhängigkeit von φ .

$$\left[\text{Ergebnis: } \overline{F_nH_n}(\varphi) = \frac{6,16 \cdot \sin \varphi}{\sin(\varphi - 30^\circ)} \text{ cm} \right]$$

4 P

B 2.5 Die Drachenvierecke $E_nF_nGH_n$ bilden die Grundflächen von Pyramiden $E_nF_nGH_nS$ mit der Spitze S. Punkte $T_n \in E_nG$ sind die Fußpunkte der Höhen $[T_nS]$ der Pyramiden $E_nF_nGH_nS$.

Zeichnen Sie die Höhe $[T_1S]$ in die Zeichnung zu B 2.1 ein und berechnen Sie das Volumen der Pyramide $E_1F_1GH_1S$.

4 P

Bitte wenden!