

ILLUSTRIERENDE PRÜFUNGSAUFGABEN FÜR DIE SCHRIFTLICHE ABITURPRÜFUNG**Teil 2: Erläuterungen und Lösungsvorschläge**

Die Illustrierenden Prüfungsaufgaben (Teil 1: Beispielaufgaben, Teil 2: Erläuterungen und Lösungsvorschläge) dienen der einmaligen exemplarischen Veranschaulichung von Struktur, Anspruch und Niveau der Abiturprüfung im neunjährigen Gymnasium in Bayern.

Mathematik (MMS)

erhöhtes Anforderungsniveau

Prüfungsteile A und B

Die Bewertung der erbrachten Prüfungsleistungen hat sich für jede Teilaufgabe nach der jeweils am rechten Rand der Aufgabenstellung vermerkten, maximal erreichbaren Anzahl von Bewertungseinheiten (BE) zu richten.

Der Erwartungshorizont stellt für jede Teilaufgabe eine mögliche Lösung dar. Nicht dargestellte korrekte Lösungen sind als gleichwertig zu akzeptieren.

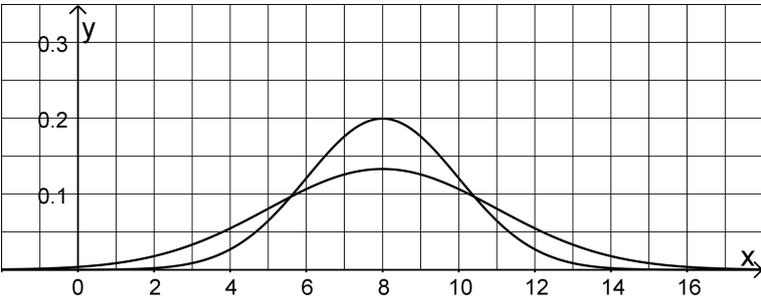
Für jede Teilaufgabe sind die allgemeinen mathematischen Kompetenzen und die Anforderungsbereiche ausgewiesen, die für die Bearbeitung eine wesentliche Rolle spielen.

Die von einem Prüfling in den Prüfungsteilen A und B insgesamt erreichten Bewertungseinheiten werden gemäß folgender Tabelle in Notenpunkte umgesetzt:

Intervall	Anzahl der mindestens zu erreichenden Bewertungseinheiten	Notenpunkte	Notenstufe
15 %	95	15	+1
	90	14	1
	85	13	1-
15 %	80	12	+2
	75	11	2
	70	10	2-
15 %	65	9	+3
	60	8	3
	55	7	3-
15 %	50	6	+4
	45	5	4
	40	4	4-
20 %	33	3	+5
	27	2	5
	20	1	5-
20 %	0	0	6

Prüfungsteil A

Aufgabengruppe 1 (Pflichtteil)

Aufgabe A1 (Analysis)		BE
a	Der Punkt P ist ein Wendepunkt des Graphen von f.	1 K1: I K6: I
b	$f'(x) = 2 \cdot \ln x \cdot \frac{1}{x}$; $f'(e) = \frac{2}{e}$; $1 = \frac{2}{e} \cdot e + t \Leftrightarrow t = -1$ Damit: $y = \frac{2}{e} \cdot x - 1$	4 K2: I K5: II
		5
Aufgabe A2 (Analysis)		BE
a	$f'(x) = 4x^3 - 2kx = 2x \cdot (2x^2 - k)$	1 K5: I
b	Für $x \neq 0$ ergibt sich: $2x^2 - k = 0 \Leftrightarrow x = -\sqrt{\frac{k}{2}} \vee x = \sqrt{\frac{k}{2}}$ Für $k > 0$ gilt: $f\left(\sqrt{\frac{k}{2}}\right) = \frac{k^2}{4} - k \cdot \frac{k}{2} = -\frac{k^2}{4}$; $-\frac{k^2}{4} = -1 \Leftrightarrow k = 2$	4 K2: II K4: I K5: II
		5
Aufgabe A3 (Stochastik)		BE
a	$\frac{100\% - 68\%}{2} = 16\%$	2 K2: II K5: I
b		3 K4: II K6: II
		5
Aufgabe A4 (Geometrie)		BE
Alle Punkte der rechten Seitenwand haben im Modell die y-Koordinate 7. $\vec{OL} + \frac{7}{6} \cdot \vec{LS} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ 5 \end{pmatrix} + \frac{7}{6} \cdot \begin{pmatrix} -3 \\ 6 \\ -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,5 \\ 7 \\ 1,5 \end{pmatrix}$ Da $0 < 0,5 < 4$ und $0 < 1,5 < 3$ gilt, liegt der Schatten auf der rechten Seitenwand.		5 K1: I K2: II K3: I K4: I K5: II K6: II
		5

Aufgabengruppe 2 (Wahlteil)

Aufgabe A5 (Analysis)		BE
a	Der Graph von f hat den Hochpunkt $(-2 1)$, der Graph von g den Tiefpunkt $(-2 -1)$.	2 K1: II K2: I K6: I
b	$h(-x) = f(-x) \cdot (g(-x))^3 = f(x) \cdot (-g(x))^3 = -f(x) \cdot (g(x))^3 = -h(x)$ Damit ist der Graph von h symmetrisch bezüglich des Koordinatenursprungs.	3 K1: III K4: II K5: III
		5
Aufgabe A6 (Analysis)		BE
Für $x \geq 0$ gilt: $x = \frac{1}{4}y^2 \Leftrightarrow 4x = y^2 \Leftrightarrow \sqrt{4x} = y$ gesuchtes Volumen: $\pi \cdot \int_0^1 (\sqrt{4x})^2 dx = \pi \cdot \int_0^1 4x dx = \pi \cdot [2x^2]_0^1 = 2\pi$		5 K1: II K2: III K5: III
		5
Aufgabe A7 (Stochastik)		BE
Der Spieler wird noch einmal würfeln, wenn der andere Spieler beim nächsten Wurf die Augensumme 16 oder die Augensumme 17 erzielt. Für den Wurf des anderen Spielers kommen also folgende Fälle infrage: <ul style="list-style-type: none"> • für die Augensumme 16: einmal 4 und zweimal 6; zweimal 5 und einmal 6 • für die Augensumme 17: einmal 5 und zweimal 6 Die Wahrscheinlichkeit dafür, dass der Spieler noch einmal würfelt, beträgt demnach $2 \cdot 3 \cdot \frac{1}{6^3} + 3 \cdot \frac{1}{6^3} = \frac{9}{216} = \frac{1}{24}$.		5 K2: III K3: III K5: II
		5
Aufgabe A8 (Stochastik)		BE
a	Der erste Faktor gibt die Anzahl der Möglichkeiten an, zwei der drei Farben auszuwählen, der zweite die Anzahl der Möglichkeiten für die Anzahl der Tulpen einer der beiden Farben.	2 K3: II K4: I K6: I
b	Es gibt eine Möglichkeit, den Strauß aus jeweils fünf Tulpen der drei Farben, und $3 \cdot 2$ Möglichkeiten, den Strauß aus vier Tulpen einer ersten Farbe, fünf Tulpen einer zweiten Farbe und sechs Tulpen der dritten Farbe zusammenzustellen – insgesamt also sieben Möglichkeiten.	3 K2: III K3: II
		5

Aufgabe A9 (Geometrie)		BE
a	$\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix} = \overrightarrow{DC}$	1 K1: I K5: I
b	T hat den Ortsvektor $\lambda \cdot \overrightarrow{AC}$. $\overrightarrow{AB} \circ \overrightarrow{TB} = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 3-\lambda \\ 4-7\lambda \\ 1-3\lambda \end{pmatrix} = 9 - 3\lambda + 16 - 28\lambda + 1 - 3\lambda = 26 - 34\lambda$ $26 - 34\lambda = 0 \Leftrightarrow \lambda = \frac{13}{17}$ Damit beträgt das gesuchte Verhältnis 13 : 4.	4 K2: III K5: II K6: II
		5

Aufgabe A10 (Geometrie)		BE
	$P(0 0 p_3)$; $P \in E \Leftrightarrow p_3 = 2$ Der Vektor $\vec{v} = \begin{pmatrix} 5 \\ -4 \\ 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$ ist orthogonal zum Normalenvektor von E, verläuft also parallel zu E. $\overrightarrow{OQ} = \overrightarrow{OP} + \frac{10}{ \vec{v} } \cdot \vec{v} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \frac{10}{5} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 6 \\ 10 \end{pmatrix}$ Somit: P(0 0 2) und Q(0 6 10)	5 K2: III K5: II
		5

Prüfungsteil B (MMS)

Aufgabe B1 (Analysis)		BE	
a	<p>G_f geht aus dem Graphen der Funktion $x \mapsto e^{-x}$ hervor durch:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Verschiebung um 5 in positive x-Richtung 2. Streckung in y-Richtung mit dem Faktor $\frac{1}{2}$ 3. Verschiebung um $\frac{1}{2}$ in positive y-Richtung <p>Wertemenge: $\left] \frac{1}{2}; +\infty \right[$</p>	4	K4: II K6: I
b	<p>Für alle $x \in \mathbb{R}$ gilt $u(f(x)) = x$.</p> <p>Definitionsmenge: $D_u = \left] \frac{1}{2}; +\infty \right[$</p>	2	K5: I
c	<p>Die Stammfunktionen von f sind genau die in \mathbb{R} definierten Funktionen $F_c : x \mapsto \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}e^{5-x} + c$ mit $c \in \mathbb{R}$.</p> <p>Wegen $\lim_{x \rightarrow +\infty} F_c(x) = +\infty$ und $\lim_{x \rightarrow -\infty} F_c(x) = -\infty$ besitzt jede Stammfunktion die Wertemenge \mathbb{R}.</p>	3	K1: II K5: I
d	<p>$f(r) = 20 \Leftrightarrow r = -\ln 39 + 5$ $r \approx 1,3$</p>	2	K3: I K5: I
e	<p>Für die gesuchte Winkelgröße α gilt: $\tan(\alpha - 90^\circ) = f'(5) \Rightarrow \alpha \approx 116,6^\circ$</p>	3	K3: II K4: I K5: II
f	<p>Höchster Punkt des senkrechten Teils der äußeren Profillinie: $P(6 2)$ Da die Strecke \overline{KP} eine Steigung von 1 besitzt, ist die Größe des Winkels zwischen \overline{KP} und der Horizontalen 45° und damit kleiner als 60°.</p>	3	K1: I K3: I
g	<p>Der Verlauf der Bohrung wird im Modell durch eine Gerade b mit der Gleichung $y = mx + t$ beschrieben. Dabei ist $m = \tan(60^\circ)$; zudem liegt der Punkt K auf b. Der Punkt S ist der Schnittpunkt von b mit dem Graphen von g. Die Länge der Strecke \overline{KS} ist die gesuchte Länge des Bohrkanals in Metern.</p>	4	K2: II K3: II K6: II
h	<p>Die Tangente an G_f an der Stelle $x = a$ ist der Graph einer linearen Funktion s mit $s(x) = \frac{1}{2} \cdot (1 + (a+1) \cdot e^{5-a}) - \frac{1}{2} \cdot e^{5-a} \cdot x$.</p> <p>$s(5) = 0 \Leftrightarrow a = 3,721\dots$</p> <p>Schnittpunkt L dieser Tangente mit dem Graphen, der aus G_f durch Spiegelung an der y-Achse hervorgeht: $s(x_L) = f(-x_L) \Leftrightarrow x_L = -1,840\dots$ $f(-x_L) \approx 12,3$ Höhe der gesuchten Stelle: ca. 12,3 m</p>	5	K2: III K3: II K5: III
i	<p>Unter Verwendung der Umkehrfunktion u von f aus Aufgabe c ergibt sich:</p> $5^2 \cdot \pi \cdot 1 + \pi \cdot \int_1^{20} (u(x))^2 dx = 416,1\dots$ <p>gesuchtes Volumen: ca. 416 m^3</p>	4	K2: III K3: II K4: II K5: II
		30	

Aufgabe B2 (Analysis)		BE
<p>1 a $f_1(x) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \vee x = 10$</p> <p>Schnittpunkte mit der x-Achse: (0 0) und (10 0)</p> <p>$f_1'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \vee x = \frac{15}{2}$;</p> <p>$f_1''\left(\frac{15}{2}\right) \neq 0$, $f_1\left(\frac{15}{2}\right) = \frac{135}{32}$</p> <p>Der Extrempunkt ist $\left(\frac{15}{2} \mid \frac{135}{32}\right)$.</p>		5 K1: I K4: I K5: I
<p>b Für $x < 0$ gilt $-\frac{3}{5}x > 0$, der Graph von f_1 verläuft also unterhalb des Graphen von g_1, für $x > 0$ gilt $-\frac{3}{5}x < 0$, der Graph von f_1 verläuft also oberhalb des Graphen von g_1.</p>		3 K1: II K4: I
<p>c Beide Tangenten schneiden die y-Achse im Punkt $\left(0 \mid -\frac{5}{2a^3}\right)$. Wegen $-\frac{3a^2-5}{5a^2} \cdot \frac{1}{a^2} \neq -1$ für alle $a \in \mathbb{R}^+$ sind t_f und t_g für keinen Wert von a senkrecht zueinander.</p>		3 K1: I K2: II K5: II
<p>d Für die Steigung von t_f gilt $\frac{1}{a^2} > 0$ für alle $a \in \mathbb{R}^+$, d. h. im Eckpunkt F kann kein rechter Winkel auftreten. Da t_f und t_g für keinen Wert von a senkrecht zueinander stehen, kann auch im Eckpunkt S kein rechter Winkel vorliegen. Im Eckpunkt G liegt für $a \in \mathbb{R}^+$ genau dann ein rechter Winkel vor, wenn $-\frac{3a^2-5}{5a^2} = 0 \Leftrightarrow a = \frac{1}{3}\sqrt{15}$.</p>		4 K1: III K2: III K5: II K6: II
<p>2 a Der Abbildung 2 ist zu entnehmen, dass der Punkt der Profillinie, in dem deren Steigung am größten ist, zwischen den beiden Endpunkten liegt. Für $0 < x < 41,5$ gilt $p''(x) = 0 \Leftrightarrow x = 25$. $\tan \varphi = p'(25)$ liefert $\varphi \approx 22^\circ$.</p>		4 K3: I K4: I K5: II K6: I
<p>b $b \cdot c^5 = 2,31$ und $b \cdot c^{37} = 10,68$ liefern $b \approx 1,818$ und $c \approx 1,049$.</p>		2 K5: I
<p>c Der vertikale Abstand des Seils zur Piste kann für jeden Punkt der Profillinie mithilfe der Funktion d mit $d(x) = h(x) - p(x)$ angegeben werden. Für $x > 0$ gilt $d'(x) = 0 \Leftrightarrow x = x_1 \vee x = x_2$ mit $x_1 \approx 7,79$ und $x_2 \approx 30,09$. Wegen $d''(x_2) > 0$ ist $d(x)$ für $x = x_2$ minimal. $0,3 - d(x_2) \approx 0,11$ Die Befestigungspunkte müssen um etwa 1,1 m angehoben werden.</p>		4 K1: II K2: II K3: III K5: II K6: II
<p>d $\left(\int_0^5 p(x) dx + \int_5^{41,5} (p(x) - (p(x) - 0,06)) dx \right) \cdot 10 \cdot 10 \cdot 30 = 7500$ Das Volumen der Schneeauflage beträgt 7500 m^3.</p>		5 K2: II K3: II K4: I K5: II
		30

Aufgabe B3 (Stochastik)				BE	
1 a		E	\bar{E}	3	K1: I K3: II K5: I
	H	105	273		
	\bar{H}	105	147	252	
		210	420	630	
$P(H) = 1 - 0,4 = 0,6$; $P_{\bar{E}}(H) = \frac{105}{210} = 0,5$ Wegen $P(H) \neq P_{\bar{E}}(H)$ sind die Ereignisse stochastisch abhängig.					
b	Die Person fuhr ein Fahrrad ohne Elektromotor und trug einen Helm. $P_{\bar{E}}(H) = \frac{273}{420} = 65\%$			3	K3: II K4: I K5: I K6: I
2	n: Anzahl der 50-km-Abschnitte Z: Anzahl der Reifenpannen $P_{0,016}^n(Z \geq 1) > 0,9 \Leftrightarrow P_{0,016}^n(Z = 0) < 0,1 \Leftrightarrow 0,984^n < 0,1$ $n > \log_{0,984} 0,1 = 142,7\dots$ gesuchte Länge: $143 \cdot 50 \text{ km} = 7150 \text{ km}$			5	K1: I K2: III K3: II K5: II
3 a	$P_{0,4}^{200}(70 \leq X \leq 90) = P_{0,4}^{200}(X \leq 90) - P_{0,4}^{200}(X \leq 69) \approx 87,1\%$ Der Term gibt die Wahrscheinlichkeit dafür an, dass unter den 200 ausgewählten Fahrrädern wenigstens 70 und höchstens 90 Pedelecs sind.			3	K3: I K5: I K6: I
b	$\frac{1}{4} \cdot 0,4 = 0,1$; $P(Y = 0) = \binom{200}{0} \cdot 0,1^0 \cdot 0,9^{200} = 0,9^{200} \approx 7,1 \cdot 10^{-10}$			2	K1: I K3: I
c	$P_{0,1}^{200}(Y \geq k) > 0,8 \Leftrightarrow 1 - P_{0,1}^{200}(Y \leq k - 1) > 0,8 \Leftrightarrow P_{0,1}^{200}(Y \leq k - 1) < 0,2$ Mit $P_{0,1}^{200}(Y \leq 15) \approx 14,3\%$ und $P_{0,1}^{200}(Y \leq 16) \approx 20,7\%$ ergibt sich $k - 1 \leq 15 \Leftrightarrow k \leq 16$, also ist 16 der größtmögliche Wert von k. Unter den 200 ausgewählten Fahrrädern sind mit einer Wahrscheinlichkeit von mehr als 80 % mindestens 16 versicherte Pedelecs.			4	K2: II K5: II K6: II
				20	
Aufgabe B4 (Stochastik)				BE	
1	X: Anzahl der gespielten langen Stücke $P_{0,6}^{12}(X = 5) \approx 10,1\%$ $P_{0,6}^{12}(X > 6) \approx 66,5\%$			4	K3: I K5: I
2 a	Y: Anzahl der CDs mit fehlerhaften Hüllen $P_{0,05}^{150}(Y \geq 12) \approx 0,074$; $P_{0,05}^{150}(Y \geq 11) \approx 0,132$			3	K1: II K2: II K3: II K5: II

b	<p>Fehler zweiter Art: Obwohl mehr als 5% der Hüllen fehlerhaft sind, entscheiden sich die Mitglieder der Bigband aufgrund des Testergebnisses dagegen, beim Hersteller einen Preisnachlass zu verlangen.</p> $P_{0,093}^{150}(Y \leq 11) \approx 0,252$ $P_{0,094}^{150}(Y \leq 11) \approx 0,239$ <p>Da die Wahrscheinlichkeit für den Fehler zweiter Art mit steigendem Anteil fehlerhafter Hüllen abnimmt, ergibt sich für den gesuchten Bereich $]p_0;1]$ mit $p_0 \approx 0,093$.</p>	6	K1: III K2: III K3: III K5: II K6: II
3 a	$\binom{3}{2} \cdot \left(\frac{b}{2\pi}\right)^2 \cdot \left(1 - \frac{b}{2\pi}\right) = \frac{3}{4\pi^2} b^2 - \frac{3}{8\pi^3} b^3$	3	K2: II K3: II K5: II K6: I
b	<p>Für $0 \leq b \leq 2\pi$ liefert $\frac{3}{4\pi^2} b^2 - \frac{3}{8\pi^3} b^3 = \frac{1}{9}$: $b_1 \approx 1,37$ und $b_2 \approx 6,03$</p>	4	K2: II K3: II K5: II
		20	
Aufgabe B5 (Geometrie)		BE	
a	$\vec{DA} \circ \vec{DC} = \begin{pmatrix} 15 \\ 0 \\ -8 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 0 \\ 14 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$	2	K1: I K5: I
b	$\frac{1}{2} \cdot (\vec{AB} + \vec{DC}) \cdot \vec{AD} = 374$	3	K5: II
c	$\vec{AB} \times \vec{AD} = \begin{pmatrix} 0 \\ 30 \\ 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} -15 \\ 0 \\ 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 240 \\ 0 \\ 450 \end{pmatrix} = 30 \cdot \begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ 15 \end{pmatrix}; \text{ somit: } H: 8x_1 + 15x_3 - c = 0$ <p>$A \in H \Leftrightarrow c = 136$ H verläuft parallel zur x_2-Achse.</p>	3	K2: II K5: II K6: I
d	$(12 - 8) \cdot 10\text{m} = 40\text{m}$	2	K3: I K4: I K5: I
e	<p>Inhalt der Anbaufläche: $374 \cdot 100\text{m}^2 = 3,74\text{ha}$ Bezeichnet man die Größe des Neigungswinkels des Hangs mit φ, so gilt:</p> $\cos \varphi = \frac{\begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ 15 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}}{\left \begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ 15 \end{pmatrix} \right \cdot \left \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right } = \frac{15}{17} \Rightarrow \varphi \approx 28,1^\circ > 17^\circ$ <p>Es handelt sich daher um eine Steillage.</p>	5	K1: I K3: II K5: II K6: I
f	<p>Die Blickposition des Arbeiters entspricht dem Punkt $W(5,75 -2,5 6,2)$.</p> <p>Gleichung der Gerade WS: $\vec{x} = \begin{pmatrix} -6 \\ 2 \\ 12 \end{pmatrix} + \mu \cdot \begin{pmatrix} 11,75 \\ -4,5 \\ -5,8 \end{pmatrix}, \mu \in \mathbb{R}$</p> <p>Einsetzen in die Gleichung von H liefert:</p> $8 \cdot (-6 + 11,75\mu) + 15 \cdot (12 - 5,8\mu) - 136 = 0 \Leftrightarrow \mu = \frac{4}{7}$ <p>Also hat der Schnittpunkt von WS und H die x_3-Koordinate $12 + \frac{4}{7} \cdot (-5,8) = 8 \frac{24}{35}$. Wegen $8 \frac{24}{35} > 8$ befindet sich dieser oberhalb der Ebene mit der Gleichung $x_3 = 8$, in welcher die Kante \vec{DC} liegt. Der Hang verhindert die freie Sicht somit nicht.</p>	5	K1: III K2: III K3: II K4: II K5: II K6: II
		20	

Aufgabe B6 (Geometrie)		BE
a	$\vec{AB} = \begin{pmatrix} 0 \\ 10 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{BC} = \begin{pmatrix} -10 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \text{ d.h. } \vec{AB} = \vec{BC} $	2 K5: I
b	Wegen $\vec{AB} \circ \vec{BC} = 0$ schließen die gleich langen Strecken \vec{AB} und \vec{BC} einen rechten Winkel ein. $D(-5 -5 12)$	3 K1: I K4: I
c	$\vec{BC} \times \vec{BT} = \begin{pmatrix} 0 \\ -120 \\ 50 \end{pmatrix} = -10 \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 12 \\ -5 \end{pmatrix}$ Aus $(0 0 0) \in E$ ergibt sich $E: 12y - 5z = 0$.	2 K5: II
d	$\tan \varphi = \frac{\frac{1}{2} \cdot \vec{ST} }{\frac{1}{2} \cdot \vec{AB} } = \frac{12}{5}, \text{ d.h. } \varphi \approx 67,4^\circ$	3 K4: II K5: I
e	$k \cdot 0 - 5z = 5k - 60 \Leftrightarrow z = 12 - k, \text{ d.h. } E_k \text{ schneidet die } z\text{-Achse im Punkt } (0 0 12 - k).$ Damit ergibt sich $-12 \leq k \leq 0$.	4 K1: II K2: III K4: II K5: II K6: II
f	Da sich F durch Spiegelung an der xz-Ebene aus E ergibt, ist $\vec{n} = \begin{pmatrix} 0 \\ -12 \\ -5 \end{pmatrix}$ ein Normalenvektor von F. $\begin{pmatrix} 0 \\ k \\ -5 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 0 \\ -12 \\ -5 \end{pmatrix} = 0 \Leftrightarrow k = \frac{25}{12}$	4 K1: II K2: I K4: I K5: II K6: II
g		2 K1: II K4: III
		20