

Bruchrechnung

1 Formveränderung von Brüchen

Erweitern heißt Zähler und Nenner eines Bruches mit der selben Zahl multiplizieren. $\frac{a}{b} = \frac{a \cdot c}{b \cdot c}$

Kürzen heißt Zähler und Nenner eines Bruches durch dieselbe Zahl dividieren. $\frac{a}{b} = \frac{a:c}{b:c}$

Beachte: Man darf mit 0 weder erweitern noch kürzen.

Ü: 1.1 Kürze soweit wie möglich: a) $\frac{18}{20}$ b) $\frac{120}{54}$ c) $\frac{180}{105}$ d) $\frac{9 \cdot 4 \cdot 36}{6 \cdot 27 \cdot 12}$

1.2 Erweitere auf den Nenner in der Klammer: a) $\frac{3}{2}$; $\frac{7}{4}$; $\frac{8}{5}$; (20) b) $\frac{10}{9}$; $\frac{12}{27}$; $\frac{3}{2}$; (54)

2 Addition und Subtraktion gemeiner Brüche

Regel:

- Man bestimmt den Hauptnenner und macht die Brüche gleichnamig.
- Man addiert bzw. subtrahiert die Zähler.
- Man behält den gemeinsamen Nenner bei.

z. B.: $\frac{3}{4} + \frac{5}{3} - \frac{1}{2} = \frac{9}{12} + \frac{20}{12} - \frac{6}{12} = \frac{9+20-6}{12} = \frac{23}{12} = 1\frac{11}{12}$

Ü: 2a) $\frac{7}{12} + \frac{11}{12} - \frac{1}{12} =$ b) $\frac{2}{3} + \frac{3}{4} - \frac{23}{18} =$ c) $\left(\frac{1}{5} + \frac{9}{11}\right) - \left(\frac{4}{5} - \frac{1}{11}\right) =$ d) $5\frac{2}{9} - \left[3\frac{4}{5} - \left(1\frac{2}{15} + \frac{4}{5}\right)\right] =$

3 Multiplikation gemeiner Brüche

Regeln: Bruch mal Bruch

- Man multipliziert Zähler mit Zähler und Nenner mit Nenner.
- Gemischte Zahlen werden vorher in unechte Brüche umgewandelt.

z. B.: $\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$ z. B.: $\frac{3}{8} \cdot \frac{4}{21} = \frac{3 \cdot 4}{8 \cdot 21} = \frac{1 \cdot 1}{2 \cdot 7} = \frac{1}{14}$

Bruch mal ganze Zahl

- Man verwandelt die ganze Zahl in einen Bruch mit dem Nenner 1 und verfährt nach obiger Regel.

$\frac{a}{b} \cdot c = \frac{a \cdot c}{b \cdot 1} = \frac{a \cdot c}{b}$

Ü: 3a) $\frac{5}{4} \cdot 8 =$ b) $\frac{3}{4} \cdot \frac{5}{27} =$ c) $8\frac{1}{3} \cdot 2\frac{1}{4} =$ d) $12 \cdot \frac{4}{3} =$

4 Division gemeiner Brüche

Regel:

- Man bildet den Kehrwert des zweiten Bruches und multipliziert anschließend die beiden Brüche.

z. B.: $\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c}$ z. B.: $\frac{4}{9} : \frac{5}{3} = \frac{4}{9} \cdot \frac{3}{5} = \frac{4 \cdot 3}{9 \cdot 5} = \frac{4 \cdot 1}{3 \cdot 5} = \frac{4}{15}$

Ü: 4a) $\frac{4}{11} : \frac{12}{33} =$ b) $2\frac{1}{3} : \frac{7}{8} =$ c) $5\frac{1}{9} : \frac{2}{3} =$ d) $1\frac{6}{7} : 2\frac{1}{3} =$

Bruchrechnung

5 Umwandlung von gemeinen Brüchen in Dezimalbrüche

Regel: • Man wandelt einen gemeinen Bruch in einen Dezimalbruch um, indem man den **Bruchstrich** durch ein **Divisionszeichen** ersetzt und den Zähler durch den Nenner dividiert.

$$\text{z. B.: } \frac{7}{8} = 7 : 8 = 0,875 \qquad 1\frac{5}{9} = \frac{14}{9} = 1,5555\dots = 1,\bar{5}$$

Ü: 5a) $\frac{18}{25}$ b) $\frac{9}{16}$ c) $\frac{13}{8}$ d) $\frac{11}{50}$ e) $\frac{2}{3}$ f) $\frac{8}{15}$

6 Umwandlung von Dezimalbrüchen in gemeine Brüche

6.1 Endliche Dezimalbrüche

Regel: • Im Zähler steht die Zahl aus allen Dezimalen.
• Im Nenner steht die entsprechende Stufenzahl.
• Die Ganzen werden gesondert umgewandelt.

$$\text{z. B.: } 0,16 = \frac{16}{100} = \frac{4}{25} \qquad 3,41 = 3\frac{41}{100} = \frac{341}{100}$$

Ü: 6.1a) 0,25 b) 0,125 c) 0,0325 d) 3,58 e) 4,2 f) 10,35

6.2 Unendlich periodische Dezimalbrüche

Regel: • Im Zähler steht die Periode.
• Im Nenner steht eine Zahl, die aus so vielen Ziffern 9 besteht wie die Länge der Periode vorgibt.

$$\text{z. B.: } 0,\bar{3} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \qquad 0,\overline{002} = \frac{2}{999}$$

(Die Regel gilt nur, wenn die Periode sofort nach dem Komma beginnt!)

Ü: 6.2a) $0,\bar{2}$ b) $0,\bar{6}$ c) $0,\bar{21}$ d) $3,\bar{43}$ e) $0,\overline{09}$ f) $0,\overline{124}$

7 Runden von Dezimalbrüchen

Regel: Bei sehr langen oder unendlichen Dezimalbrüchen genügt häufig ein gerundeter Näherungswert der Zahl. Dafür gilt folgendes:

Abrunden: Die zu rundende Ziffer bleibt unverändert, wenn eine der Ziffern 0 - 4 folgt.

Aufrunden: Die zu rundende Ziffer wird um 1 erhöht, wenn eine der Ziffern 5 - 9 folgt.

Vor dem Runden ist festzustellen, auf welche Stelle gerundet werden soll und die folgende Ziffer ist die entscheidende.

$$\text{z. B.: } 123,8 \text{ (G)} = 124 \qquad 6,983 \text{ (h)} = 6,98 \qquad 12,057 \text{ (z)} = 12,1$$

Ü: 7 Runde auf die angegebene Stelle nach dem Komma:

a) 67,2345 (h) b) 7,987 (z) c) 123,354 (G) d) 2,009 (z)

Bruchrechnung

8 Addition und Subtraktion von Dezimalbrüchen

- Regel:**
- Man bringt die Dezimalbrüche durch Anhängen von Endnullen auf gleich viele Dezimalen.
 - Man addiert bzw. subtrahiert Ziffern mit gleichem Stellenwert.

z. B.: $23,4 + 2,345 - 0,71 = 23,400 + 2,345 - 0,710 = 25,035$

Ü: 8a) $24,812 + 30,4 + 18,5673 =$ b) $12,98 - 4,0082 + 3,2 - 0,056 =$
 c) $(45,32 + 4,907) - (34,564 - 6,02) =$

9 Multiplikation von Dezimalbrüchen

- Regel:**
- Man multipliziert die beiden Dezimalbrüche zunächst ohne Komma.
 - Man setzt das Komma so, dass das Ergebnis so viele Dezimalen besitzt wie beide Faktoren zusammen.
- z. B.: $4,5 \cdot 0,3 = 1,35$

Ü: 9a) $32 \cdot 0,024 =$ b) $8,61 \cdot 6,02 =$ c) $1,5 \cdot 1000 =$ d) $0,02 \cdot 0,3 =$

10 Division von Dezimalbrüchen

- Regel:**
- Man verschiebt das Komma bei Dividend und Divisor um gleich viele Stellen soweit nach rechts bis der Divisor kommafrei ist.
 - Man dividiert wie in \mathbb{N} .
 - Man setzt das Komma im Ergebnis beim Überschreiten der Kommastelle beim Dividenden.

z. B.: $4,97 : 3,5 = 49,7 : 35 = 1,42$

$$\begin{array}{r}
 35 \\
 \underline{147} \\
 140 \\
 \underline{70} \\
 70 \\
 \underline{70} \\
 0
 \end{array}$$

Ü: 10a) $230,88 : 2,4 =$ b) $15,606 : 3,06 =$ c) $624 : 0,06 =$

Terme

1 Definition

- Jede Zahl z. B.: 5; 0,12; $1\frac{2}{7}$; ...
- Jede Variable z. B.: a; x; y; ...
- Jede sinnvolle Verknüpfung aus Zahlen, Variablen und Rechenzeichen z.B.: $5+0,3\cdot 2,4$; $3\cdot x-7$; x^2-25 ; ...
bezeichnet man als **Term**.

Jeder Term, der eine Variable enthält, besitzt eine Grundmenge G für die Variable.

2 Darstellungsarten von Termen

Wenn man für die Variable des Terms Zahlen der Grundmenge einsetzt, erhält man jeweils den dazugehörigen Termwert.

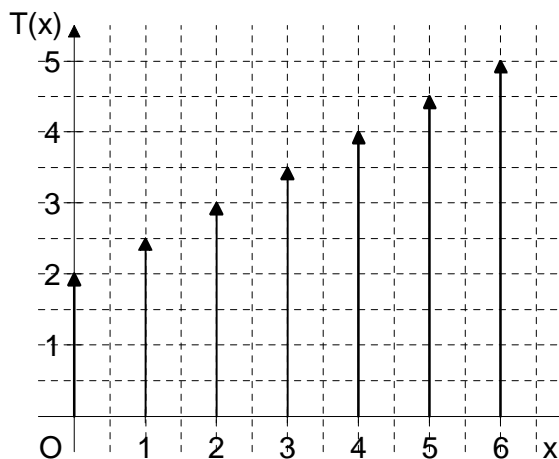
Terme kann man in numerischen und graphischen Wertetabellen darstellen:

Beispiel: $T(x) = 0,5 \cdot x + 2$ $G = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6\}$

2.1 Numerische Wertetabelle

x	0	1	2	3	4	5	6
$0,5 \cdot x + 2$	2	2,5	3	3,5	4	4,5	5

2.2 Graphische Wertetabelle



3 Äquivalente Terme

Terme sind äquivalent (gleichwertig), wenn sie bei allen Einsetzungen aus der Grundmenge G jeweils die gleichen Termwerte haben.

Beispiele:

1. $T_1(x) = 20 + 4 \cdot x$ und $T_2(x) = (5 + x) \cdot 4$ $G = \{1; 2; 3\}$

für $x = 1$ $T_1(1) = 24$ $T_2(1) = 24$

für $x = 2$ $T_1(2) = 28$ $T_2(2) = 28$

für $x = 3$ $T_1(3) = 32$ $T_2(3) = 32$

Da die Termwerte für alle Einsetzungen gleich sind, sind die Terme äquivalent $T_1(x) = T_2(x)$

2. $T_1(x) = x \cdot x$ und $T_2(x) = 2 \cdot x$ $G = \{0; 1; 2\}$

für $x = 0$ $T_1(0) = 0$ $T_2(0) = 0$

für $x = 1$ $T_1(1) = 1$ $T_2(1) = 2$

für $x = 2$ $T_1(2) = 4$ $T_2(2) = 4$

Da die Termwerte nicht für alle Einsetzungen gleich sind, sind die Terme nicht äquivalent $T_1(x) \neq T_2(x)$

Lösen von Gleichungen durch Äquivalenzumformungen

1 Äquivalenz von Gleichungen

Gleichungen (Ungleichungen), die bei **gleicher Grundmenge dieselbe Lösungsmenge** besitzen, heißen **äquivalent**.

Beispiel: $(5+x) \cdot 4 = 80$ ist äquivalent zu $20 + 4 \cdot x = 80$ in $\mathbb{G} = \mathbb{Q}_0^+$,
da beide Gleichungen die Lösungsmenge $\mathbb{L} = \{15\}$ haben.

2 Äquivalenzumformungen

Die Lösungsmenge einer Gleichung ändert sich nicht, wenn man

- auf beiden Seiten die gleiche Zahl addiert oder subtrahiert
- beide Seiten mit der gleichen von Null verschiedenen Zahl multipliziert oder dividiert.

Eine derartige Umformung heißt **Äquivalenzumformung**.

Beispiele: $\mathbb{G} = \mathbb{Q}_0^+$

1. $2 \cdot x + 1 = 5 \quad -1$ $\Leftrightarrow 2 \cdot x = 4 \quad :2$ $\Leftrightarrow x = 2$ $\mathbb{L} = \{2\}$	2. $\frac{1}{3} \cdot x - 5 = 2 \quad +5$ $\Leftrightarrow \frac{1}{3} \cdot x = 7 \quad \cdot 3$ $\Leftrightarrow x = 21$ $\mathbb{L} = \{21\}$
--	---

Zur Probe setzt man das Lösungselement ein und überzeugt sich, dass eine wahre Aussage entsteht!

$2 \cdot 2 + 1 = 5$ (wahre Aussage)	$\frac{1}{3} \cdot 21 - 5 = 2$ (wahre Aussage)
-------------------------------------	--

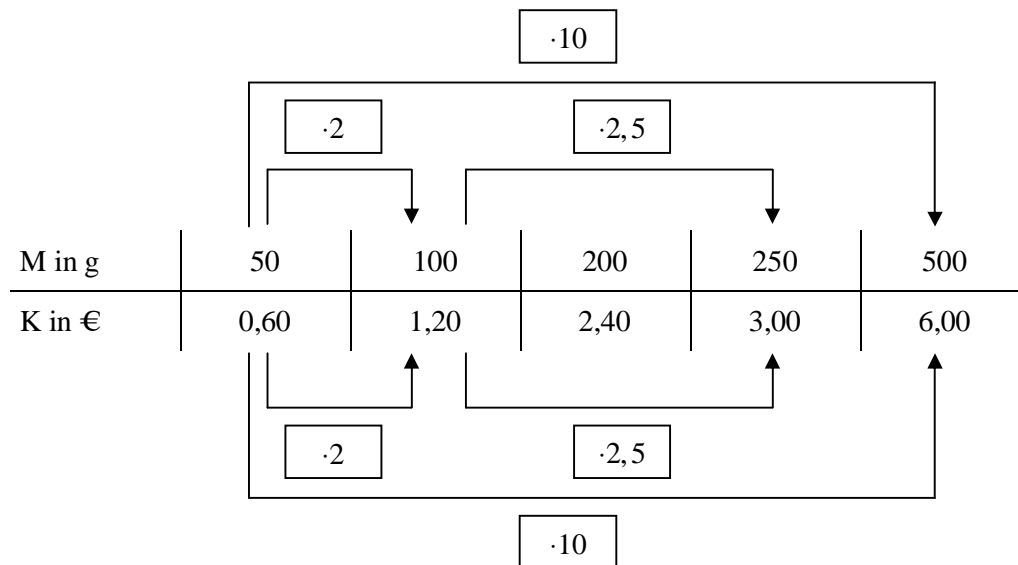
Ü: Löse durch Äquivalenzumformungen die Gleichungen mit $\mathbb{G} = \mathbb{Q}_0^+$

- | | |
|---------------------------------|--|
| a) $x \cdot 10 = 4$ | b) $x - \frac{4}{5} = 3\frac{1}{2}$ |
| c) $2 \cdot x + 3 = 18$ | d) $1,2 \cdot y - 0,3 = 4,5$ |
| e) $(17 - 13) \cdot x + 6 = 11$ | f) $\frac{1}{4} + \frac{3}{4} \cdot x = \frac{2}{3}$ |
| g) $z : 1,6 = 2,4 + 9$ | |

Direkte Proportionalität

Entspricht bei einer Zuordnung von Größen das n-fache der einen Größe dem n-fachen der anderen Größe, so heißt diese Zuordnung **direkte Proportionalität**.

Beispiel: Wurstaufschnitt M in x g → Kosten K in y €



Eigenschaften:

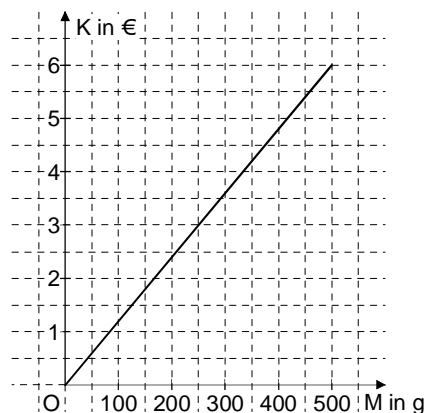
- Alle Größenpaare (A|B) einer direkten Proportionalität sind **quotientengleich**.
- Der konstante Quotient $k = \frac{B}{A}$ heißt **Proportionalitätsfaktor** oder **Proportionalitätskonstante**.

Beispiel:

M in g	50	100	200	250	500
K in €	0,60	1,20	2,40	3,00	6,00
$\frac{K}{M}$ in $\frac{€}{g}$	0,012	0,012	0,012	0,012	0,012

Man sagt: „Die beiden Größen M und K sind zueinander direkt proportional“ (K : M)

- Der Graph einer direkten Proportionalität ist eine Halbgerade, die im Ursprung beginnt.



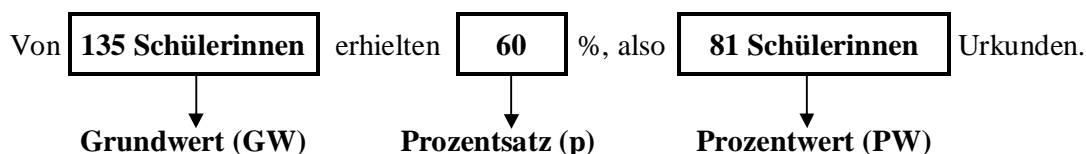
Prozentrechnung

Bruchteile gibt man oft in **Prozent** („von Hundert“) an. Dabei gilt:

$$\frac{1}{100} = 1\% \quad \frac{p}{100} = p\%$$

Beispiele: a) $\frac{19}{100} = 19\%$ b) $\frac{1}{2} = \frac{50}{100} = 50\%$ c) $\frac{2}{5} = \frac{40}{100} = 40\%$ d) $\frac{6}{200} = \frac{3}{100} = 3\%$

1 Begriffe der Prozentrechnung



2 Berechnungen

Die **Zahlen- bzw. Größenpaare** bei der Prozentrechnung sind **quotientengleich**. Es gilt:

$$\frac{\text{Prozentwert (PW)}}{\text{Prozentsatz (p)}} = \frac{\text{Grundwert (GW)}}{100} \quad \text{oder} \quad \frac{\text{Prozentsatz (p)}}{\text{Prozentwert (PW)}} = \frac{100}{\text{Grundwert (GW)}}$$

2.1 Berechnung des Prozentwerts

$$\text{Prozentwert (PW)} = \frac{\text{Grundwert (GW)} \cdot \text{Prozentsatz (p)}}{100}$$

Beispiel: Berechne 20% von 300 €

$$\text{PW} = \frac{300 \text{ €} \cdot 20}{100} \quad \text{PW} = 60 \text{ €}$$

2.2 Berechnung des Grundwerts

$$\text{Grundwert (GW)} = \frac{\text{Prozentwert (PW)} \cdot 100}{\text{Prozentsatz (p)}}$$

Beispiel: Im einem Parkhaus sind 80% der Parkplätze belegt, das sind 120 Stellplätze. Wie viele Stellplätze hat das Parkhaus?

$$\text{GW} = \frac{120 \cdot 100}{80} \quad \text{GW} = 150 \quad \text{Das Parkhaus hat 150 Stellplätze.}$$

2.2 Berechnung des Prozentsatzes

$$\text{Prozentsatz (p)} = \frac{\text{Prozentwert (PW)} \cdot 100}{\text{Grundwert (GW)}}$$

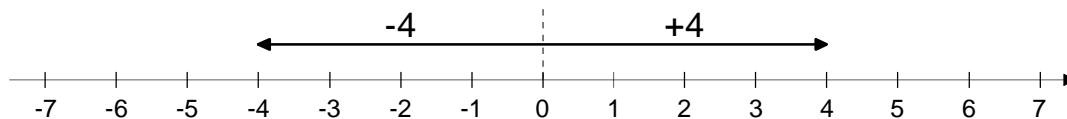
Beispiel: Von 20 Elfmeter hat Sebastian 13 verwandelt. Wie hoch ist der Prozentsatz?

$$p = \frac{13 \cdot 100}{20} \quad p = 65 \quad \text{Sebastian hat 65% der Elfmeter verwandelt.}$$

Addition und Subtraktion in Z

1 Zahl und Gegenzahl

Zwei Zahlen, deren Zahlenpfeile sich nur durch die Richtung unterscheiden, nennt man **Zahl** und **Gegenzahl**.



Beispiele: Gegenzahl zu 9: -9

Gegenzahl zu -12 : 12

2 Absoluter Betrag einer Zahl

Unter dem **absoluten Betrag** einer Zahl versteht man die **Maßzahl der Länge ihres Zahlenpfeils** (Abstand zur Zahl 0). Da Zahl und Gegenzahl gleichlange Zahlenpfeile besitzen, ist ihr absoluter Betrag gleich: z. B.: $|-4| = |4| = 4$

3 Rechenzeichen - Vorzeichen

Die **Rechenart** wird bestimmt durch das **Rechenzeichen**. Das **Vorzeichen** gibt an, ob die Zahl **positiv** oder **negativ** ist.

$(+4)$ ↓ <i>Vorzeichen</i>	+	(-3) ↓ <i>Vorzeichen</i>	Für das Zusammentreffen von Vorzeichen und Rechenzeichen gilt folgende Regel :	$+(+) = +$
Rechenzeichen				$(+)- = -$
				$-(+) = -$
				$-(-) = +$

4 Berechnung mehrgliedriger Summen

	$(-12) + (+3) - (+9) - (-8) + (+7)$
1. Klammern auflösen nach obiger Regel	$= -12 + 3 - 9 + 8 + 7$
2. Summe der Plusglieder minus Summe der Minusglieder	$= 18 - 21$
3. Subtraktion des kleineren Betrags vom größeren Betrag und Zuordnen des Vorzeichens der Zahl mit größeren Betrag zur Differenz.	$= -3$

Ü: a) $(-13) - (+15) - (-20) + (-7) =$

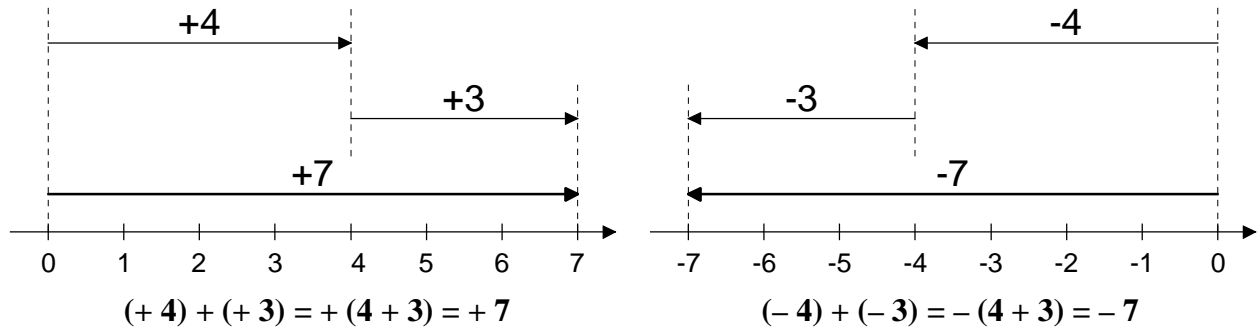
b) $(-22) + (-66) - (+44) + (+33) =$

c) $[(-24) + (-21)] - [(+23) - (-10)] =$

d) $125 - [(390 - 41) - (53 - 156)] =$

Addition und Subtraktion in \mathbb{Z} mit Hilfe von Zahlenpfeilen

1 Addition mit gleichen Vorzeichen



Regel: 1. Man addiert die Beträge.

2. Man ordnet der Summe der Beträge das gemeinsame Vorzeichen zu.

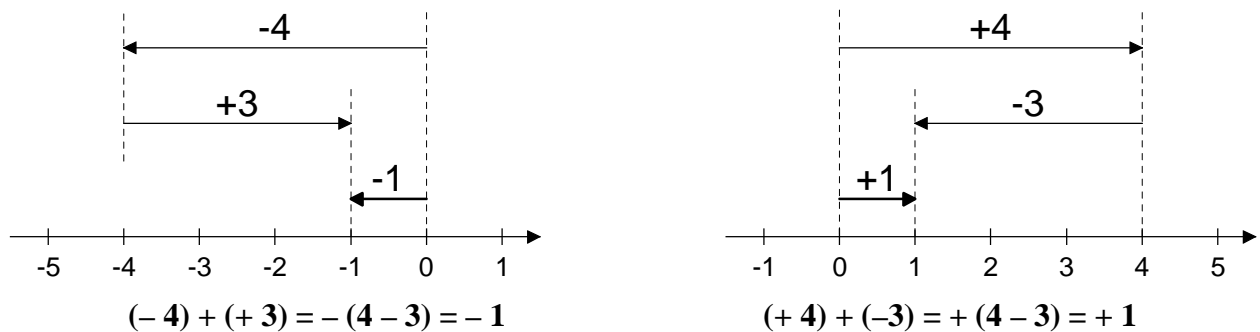
$$(+a) + (+b) = +(a+b) \quad (-a) + (-b) = -(a+b) \quad a, b \geq 0$$

Ü: 1a) $-16 - 12 =$

b) $-2 - 7 - 13 =$

c) $23 + 76 =$

2 Addition mit verschiedenen Vorzeichen



Regel: 1. Man subtrahiert den kleineren Betrag vom größeren Betrag.

2. Man ordnet der Differenz das Vorzeichen der Zahl mit dem größeren Betrag zu.

$$(-a) + (+b) = -(a-b) \quad (+a) + (-b) = +(a-b) \quad a > b \geq 0$$

Ü: 2a) $-6 + 3 =$

b) $12 - 54 =$

c) $-12 + 34 - 13 =$

d) $58 - 23 + 4 =$

3 Subtraktion

Beachte: Jede **Subtraktion** lässt sich durch die **Addition der Gegenzahl** ersetzen.

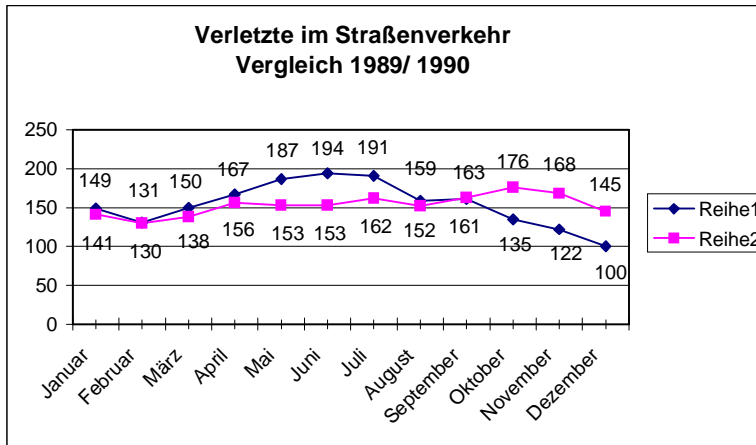
Beispiele: $(+4) - (+3) = (+4) + (-3) = +1$ $(+4) - (-3) = (+4) + (+3) = +7$

$$a - (+b) = a + (-b)$$

$$a - (-b) = a + (+b)$$

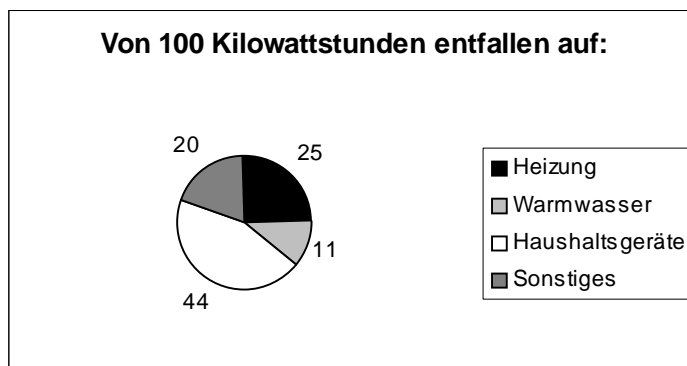
Diagramme

1 Gitternetzdiagramm



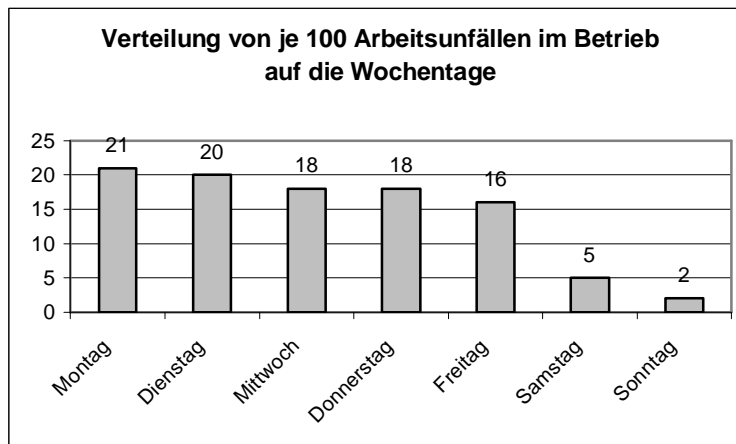
- Ermittle für 1989 und 1990 die Gesamtzahl aller Verletzten.
- Wie groß ist der Unterschied?
- In welchem Jahr und welchem Monat gab es die meisten Verletzten?
- In welchem Monat gibt es den größten Unterschied zwischen der Zahl der Verletzten?

2 Kreisdiagramm



- Wie viele Kilowattstunden (kWh) entfallen auf „Warmwasser“ und „Heizung“?
- Worauf entfallen 44 kWh?
- Dem gesamten Energiebedarf entspricht der Vollwinkel, also 360°. Wie vielen Winkelgraden entspricht der Anteil „Sonstiges“?
- Wie viel Prozent von 100 kWh entfallen auf „Haushaltsgeräte“ und „Heizung“?

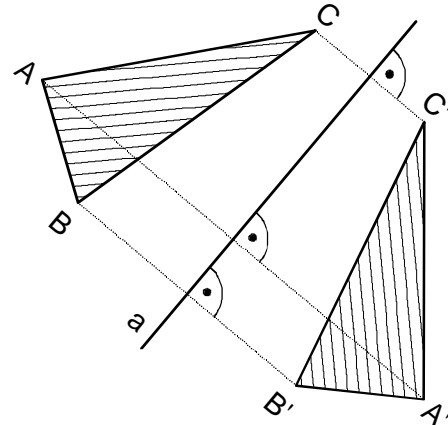
3 Balkendiagramm



- An welchen Wochentagen ereignen sich die meisten bzw. die wenigsten Unfälle?
- Wie viele Unfälle ereignen sich im Durchschnitt an den Arbeitstagen von Montag bis Freitag?
- Wie ändert sich der Durchschnitt, wenn die Tage Samstag und Sonntag mitgerechnet werden?
- Welcher prozentuale Anteil aller Arbeitsunfälle entfällt auf Samstag und Sonntag?

Die Achsenspiegelung

Wird einer **Urfigur** ($\triangle ABC$) durch Spiegelung an einer Geraden a umkehrbar eindeutig genau eine **Bildfigur** ($\triangle A'B'C'$) zugeordnet, so handelt es sich bei der Abbildung um eine **Achsen Spiegelung**.



Die Gerade a heißt **Spiegelachse**.

Kurzschreibweise: $\triangle ABC \xrightarrow{a} \triangle A'B'C'$

Urfigur und Bildfigur liegen **symmetrisch** zur Spiegelachse a .

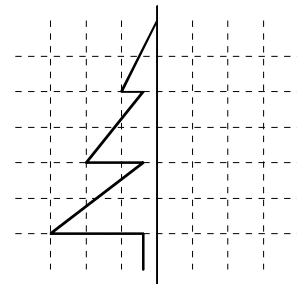
Eigenschaften: $P \xrightarrow{g} P'$

- Bei allen Achsenspiegelungen schneidet die Verbindungsstrecke von Urpunkt P und Bildpunkt P' die Spiegelachse unter einem **rechten Winkel** und sie wird von ihr **halbiert**.
- Bei allen Achsenspiegelungen ist nur die Spiegelachse **Fixpunktgerade**.
- Alle Senkrechten zur Spiegelachse und die Spiegelachse selbst sind **Fixgeraden**.
- Alle Achsenspiegelungen sind **längen- und winkeltreu** („Kongruenzabbildung“).
- Alle Achsenspiegelungen sind **geraden- und kreistreu**.

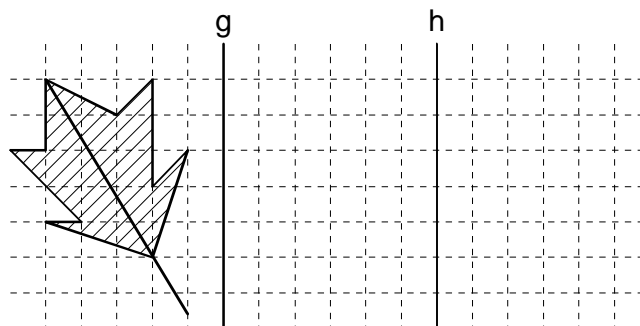
Übungen:

1. Eine Figur, die durch Achsenspiegelung an einer Spiegelachse **auf sich** abgebildet werden kann, ist **achsensymmetrisch**. Die Spiegelachse ist die **Symmetrieachse** der Figur.

Zeichne die Tanne fertig.



2. Spiegle das Blatt erst an der Geraden g und dann an der Geraden h .



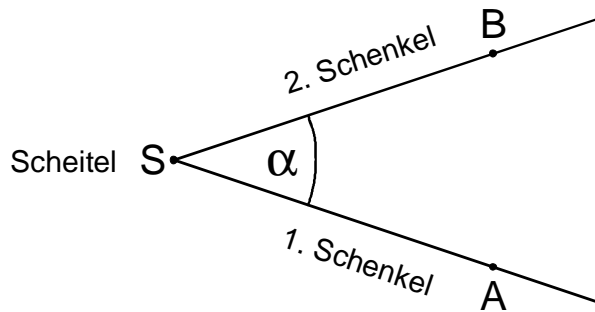
Winkel

1 Bezeichnung

Ein Winkel wird von zwei Halbgeraden (Schenkel) gebildet, die einen gemeinsamen Anfangspunkt (Scheitelpunkt S oder Scheitel S) haben.

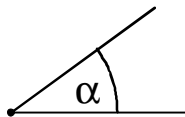
Der Winkel ASB (**S**ASB) hat das Maß α .

(Achtung: Winkel werden stets **gegen den Uhrzeigersinn** bezeichnet!)

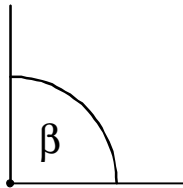


2 Winkelarten

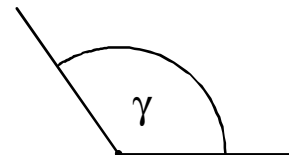
spitzer Winkel
 $0^\circ < \alpha < 90^\circ$



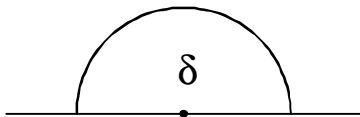
rechter Winkel
 $\beta = 90^\circ$



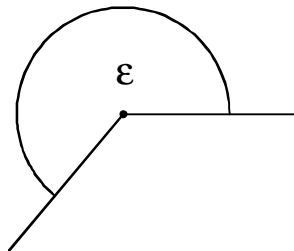
stumpfer Winkel
 $90^\circ < \gamma < 180^\circ$



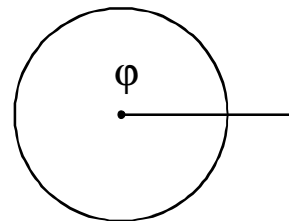
gestreckter Winkel
 $\delta = 180^\circ$



überstumpfer Winkel
 $180^\circ < \epsilon < 360^\circ$



Vollwinkel
 $\varphi = 360^\circ$



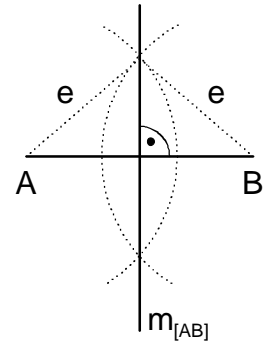
Mittelsenkrechte, Winkelhalbierende, achsensymmetrische Dreiecke und Vierecke

1 Mittelsenkrechte $m_{[AB]}$ zur Strecke $[AB]$

- Zeichne um A und B Kreise mit dem gleichen Radius r , wobei gilt:

$$r > \frac{1}{2} \cdot \overline{AB}.$$

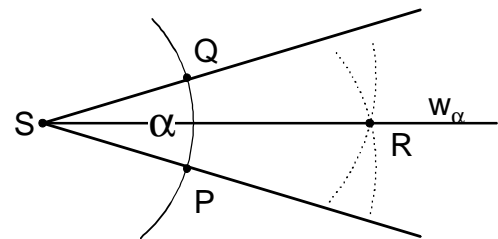
- Zeichne eine Gerade durch die beiden Schnittpunkte.



Merke: Alle Punkte der Mittelsenkrechten der Strecke $[AB]$ sind von den Punkten A und B gleichweit entfernt. Beispiel: Strecke e .

2 Winkelhalbierende w_α

- Zeichne um den Scheitel des Winkels einen Kreis. Dieser schneidet die Schenkel in den Punkten P und Q.
- Zeichne um P und Q je einen Kreis mit dem gleichen Radius r .
- Verbinde den Schnittpunkt R der Kreise mit dem Scheitel S.

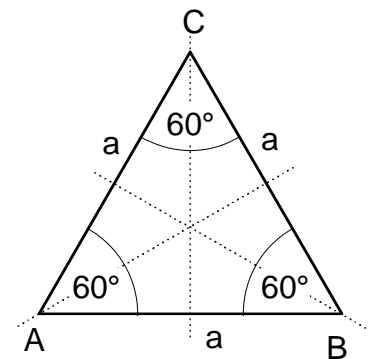
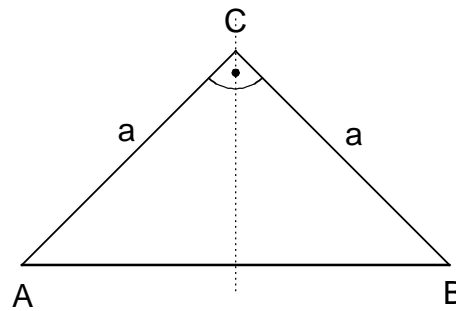
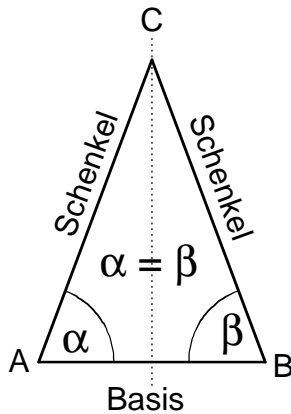


3 Achsensymmetrische Dreiecke

gleichschenkliges Dreieck

gleichschenklig-rechtwinkliges Dreieck

gleichseitiges Dreieck



4 Achsensymmetrische Vierecke

Drachenviereck

Raute

Gleichschenkliges Trapez

Rechteck

Quadrat

